

آئیے ذرا یاد کریں :



(Perimeter) احاطہ

بند شکل کے تمام اضلاع کی لمبائیوں کا مجموعہ، اس شکل کا احاطہ کہلاتا ہے۔

کثیر ضلعی کے تمام اضلاع کی لمبائیوں کا مجموعہ = کثیر ضلعی کا احاطہ ∴

$$\text{چوڑائی } 2 + \text{ لمبائی } 2 = \text{ مستطیل کا احاطہ}$$

$$= \text{ لمبائی } 'l' \text{ اور چوڑائی } 'b' \text{ کے مستطیل کا احاطہ}$$

مثال : لمبائی 28 سم اور چوڑائی 20 سم کے ایک مستطیل کا احاطہ، ایک مربع کے احاطہ کے مساوی ہے، تو اس مربع کا ضلع معلوم کیجیے؟

$$\text{حل} : (چوڑائی + \text{ لمبائی}) 2 = \text{ مستطیل کا احاطہ}$$

$$= 2(28 + 20)$$

$$= 96 \text{ سم}$$

$$(مربع کا ضلع 'a'، \text{ سم ہوتا } ...)$$

$$a = 96 \text{ مربع کا احاطہ}$$

$$4a = 96$$

$$a = \frac{96}{4} = 24$$

$$\text{مربع کا ضلع } 24 \text{ سم ہے۔}$$

$$\text{ضلع } \times 4 = \text{ مربع کا احاطہ} \quad \therefore$$

$$\text{ضلع کے مربع کا احاطہ} \quad a = 4a$$

مثال : ایک مستطیل کا احاطہ 64 سم ہے۔ اس کی لمبائی 17 سم ہوتا چوڑائی کتنی ہوگی؟

حل : فرض کیجیے مستطیل کی چوڑائی x سم ہے۔

$$\text{احاطہ} = \text{ چوڑائی } \times 2 + \text{ لمبائی } \times 2$$

$$= (\text{ چوڑائی } + \text{ لمبائی}) 2 = 64$$

$$\therefore 2(17 + x) = 64$$

$$\therefore \frac{2(17 + x)}{2} = \frac{64}{2}$$

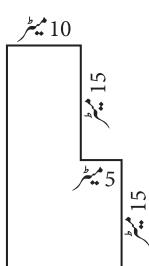
$$\therefore 17 + x = 32$$

$$\therefore x = 15$$

∴ مستطیل کی چوڑائی 15 سم ہے۔

مشقی سوالات 44

1. ایک مستطیل کی لمبائی اور چوڑائی دگنا کی جائے تو، اس مستطیل کا احاطہ اصل مستطیل کے احاطے سے کتنے گنازیادہ ہو جائے گا؟



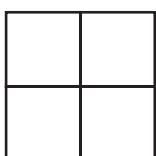
2. ایک مربع کا ضلع تین گنا کیا جائے تو، اس کا احاطہ اصل مربع کے احاطے سے کتنے گنا ہو جائے گا؟

3. مقابل کی شکل میں ایک میدان کا نقشہ دیا ہوا ہے۔

اس میں اضلاع کی لمبائیاں دی ہوئی ہیں۔

اس معلومات کی بنا پر میدان کا احاطہ معلوم کیجیے۔

4. ایک میٹر لمبائی کے مربع نما کپڑے کا ایک ٹکڑا لے کر شکل میں بنائے ہوئے طریقے کے مطابق چار مساوی شکل کے رومال بنائے گئے۔ تمام رومال کے کناروں پر لیس (کنار پٹی) لگانے کے لیے کتنی لمبائی کی لیس درکار ہوگی؟



رقبہ (Area)

- $(\text{مربع})^2 = \text{ضلع} \times \text{ضلع} = \text{مربع کا رقبہ}$
- $\text{چوڑائی} \times \text{ لمبائی} = l \times b = \text{مستطیل کا رقبہ}$

رقبہ ہمیشہ مربع میٹر، مربع سم، مربع کلو میٹر وغیرہ اکائی میں ہوتا ہے۔

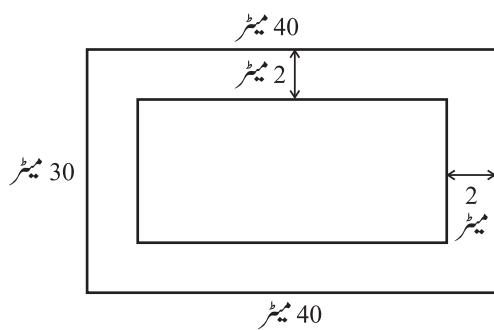
عملی کام I

کھوکھو، کبدی جیسے کھیل کے میدان، ٹینس کورٹ، بیڈمنٹن کورٹ ان میں سے جو ممکن ہو ان کی لمبائی اور چوڑائی ناپیے۔ میدان کا احاطہ اور رقبہ معلوم کیجیے۔

عملی کام II

انیسہ کے گھر کی ایک دیوار کو نیارنگ دینا ہے۔ دیوار کی لمبائی 7 میٹر اور اونچائی 5 میٹر ہے۔ رنگ و روغن کا خرچ 120 روپے فی مربع میٹر ہوتا ہے۔

اسے پیش کو کتنے روپے ادا کرنا ہوگا؟ اسے طے کیجیے۔



مثال : ایک 40 میٹر لمبے اور 30 میٹر چوڑے مستطیلی باغ کے اندر کمپاؤنڈ سے متصل باغ کے ارد گرد 2 میٹر چوڑا راستہ بنانا ہے۔ اس راستے پر سم 20×25 سم ابعاد کے فرش بٹھانا ہے تو کل کتنے فرش درکار ہوں گے؟

حل :

فرش بٹھانے جانے والے علاقے کا رقبہ معلوم کریں گے۔

$$\text{مربع میٹر } 1200 = 40 \times 30 = \text{باغ کا رقبہ} \quad \therefore$$

$$\text{مربع میٹر } 936 = 36 \times 26 = \text{راستہ چھوڑ کر باغ کے اندر کا رقبہ}$$

$$1 \text{ میٹر} = 100 \text{ سم}$$

$$25 \text{ میٹر} = \frac{25}{100} \text{ میٹر}$$

$$\text{مربع میٹر } 264 = 1200 - 936 = \text{فرش بٹھانے جانے والے علاقے کا رقبہ} \quad \therefore$$

$$\text{مربع میٹر } \frac{25}{100} \times \frac{20}{100} = \frac{1}{20} \text{ ہر فرش کا رقبہ} \quad \therefore$$

ایک فرش کا رقبہ $\frac{1}{20}$ مربع میٹر ہوتا 4264 مربع میٹر جگہ میں بٹھانے جانے والے فرش کی تعداد معلوم کریں گے۔

$$\frac{\text{جگہ کا کل رقبہ}}{\text{ایک فرش کا رقبہ}} = \frac{\text{فرشیوں کی تعداد}}{\text{ایک فرش کا رقبہ}}$$

$$= 264 \div \frac{1}{20}$$

$$= 264 \times 20 = 5280$$

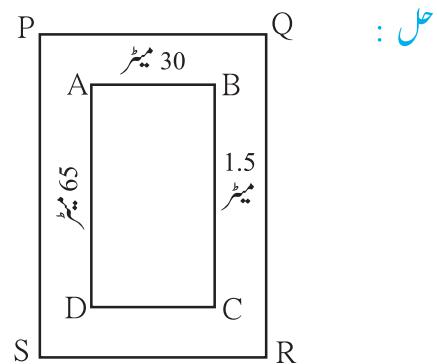
\therefore 5280 فرش درکار ہوں گے۔

مثال : ایک مستطیل نما کھیل کے میدان کی لمبائی 65 میٹر اور چوڑائی 30 میٹر ہے۔ اس میدان کے گرد باہر کے جانب چاروں طرف 1.5 میٹر چوڑا راستہ ہے۔ اس راستے کا رقبہ معلوم کیجیے۔

مثال میں کھیل کے میدان کی شکل مستطیل نہ ہے۔

فرض کیجیے $\square ABCD$ کھیل کا میدان ہے۔ اس کے گرد باہر کی جانب 1.5 میٹر چوڑا راستہ چاروں طرف ہے۔ $\square ABCD$ کے چاروں جانب 1.5 میٹر کا فاصلہ رکھ کر $\square PQRS$ مستطیل بنائیں گے۔

$$\begin{aligned} \text{میٹر} &= 65 + 1.5 + 1.5 = 68 \\ \text{میٹر} &= 30 + 1.5 + 1.5 = 33 \end{aligned}$$



مستطیل $ABCD$ کا رقبہ - مستطیل $PQRS$ کا رقبہ = راستہ کا رقبہ

$$= 68 \times 33 - 65 \times 30 = \boxed{\quad} - \boxed{\quad} = \boxed{\quad}$$

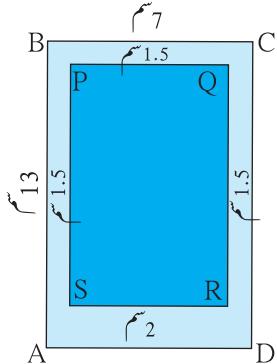
آئیے بحث کریں



کیا ہم اوپر کی مثال میں دیے ہوئے راستہ کا رقبہ دوسرے طریقے سے معلوم کر سکتے ہیں؟

مثال : ایک موبائل کی لمبائی 13 سم اور چوڑائی 7 سم ہے۔ اس پر PQRS اسکرین کی شکل دکھائی گئی ہے، تو اسکرین کا رقبہ معلوم کیجیے۔

حل : فرض کیجیے موبائل کے کناروں سے مستطیل $ABCD$ بنائے۔ اس کی لمبائی 13 سم اور چوڑائی 7 سم ہے۔



فرض کیجیے ضلع AB اور ضلع BC کی جانب سے 1.5 سم کا فاصلہ چھوڑ کر مستطیل $PQRS$ بنائے۔

$$\text{سم} = \boxed{\quad}$$

$$\text{سم} = \boxed{\quad}$$

$$\text{مربع سم} = \dots \times \dots = \boxed{\quad}$$

عملی کام

مختلف شکل کے موبائل دیکھیے اور ان پر بھائے ہوئے اسکرین کا رقبہ معلوم کیجیے۔

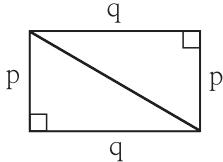
مشقی سوالات 45

1. ایک مربع کا ضلع 12 سم ہے تو اس مربع کا رقبہ معلوم کیجیے۔
2. ایک مستطیل کی لمبائی 15 سم اور چوڑائی 5 سم ہو تو اس مستطیل کا رقبہ معلوم کیجیے۔
3. ایک مستطیل کا رقبہ 102 مربع سم ہے۔ مستطیل کی لمبائی 17 سم ہو تو مستطیل کا احاطہ معلوم کیجیے۔
- 4*. ایک مربع کا ضلع 3 گناہ کرنے پر، اس کا رقبہ اصل مربع کے رقبہ کے لئے کتنا گناہ جائے گا؟

قائمۃ الزاویہ مثلث کا رقبہ (Area of right angled triangle)

عملی کام ایک ہی ناپ کے دو قائمۃ الزاویہ مثلث (کاٹ کر) لیجیے۔ انہیں شکل میں دکھائے ہوئے طریقے کے مطابق جوڑیے۔ مشاہدہ کیجیے کہ ایک مستطیل بنتا ہے۔ مثلث کے قائمۃ الزاویہ بنانے والے اضلاع p اور q لمبائی کے ہیں، اور وہی مستطیل کے اضلاع بھی ہیں۔

شکل سے صاف ظاہر ہوتا ہے کہ



$$\begin{aligned} \text{قائمۃ الزاویہ مثلث کا رقبہ} &= \text{مستطیل کا رقبہ} \\ \therefore \quad \text{قائمۃ الزاویہ مثلث کا رقبہ} &\times 2 = \text{مستطیل کا رقبہ} \\ \therefore \quad p \times q &= \text{قائمۃ الزاویہ مثلث کا رقبہ} \times 2 \\ \therefore \quad \frac{p \times q}{2} &= \text{قائمۃ الزاویہ مثلث کا رقبہ} \end{aligned}$$

یہ مری سمجھ میں آگیا

$$\text{قائمۃ الزاویہ بنانے والے اضلاع کی لمبائیوں کا حاصل ضرب} \times \frac{1}{2} = \text{قائمۃ الزاویہ مثلث کا رقبہ}$$

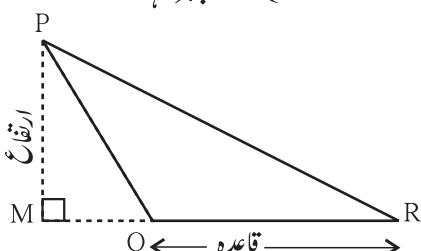
قائمۃ الزاویہ مثلث میں قائمۃ الزاویہ بنانے والے دو اضلاع میں سے ایک ضلع اگر قاعدہ ہو تو دوسرا ضلع ارتفاع کہلاتا ہے۔

$$\text{ارتفاع} \times \text{قاعدہ} \times \frac{1}{2} = \text{قائمۃ الزاویہ مثلث کا رقبہ}$$

$\triangle ABC$ کسی بھی قسم کا مثلث ہو تو قاعدہ کے لیے کوئی ایک ضلع لیا جاتا ہے۔ اس ضلع کے مقابل کے راسی نقطہ سے قاعدہ پر کھینچا ہو عمود مثلث کا ارتفاع کہلاتا ہے۔

$\triangle PQR$ کسی ایک قسم کا ایک مثلث ہے جس کا قاعدہ QR ہے۔ راسی نقطہ P سے قاعدہ QR پر PM عمود کھینچا گیا ہے۔

شکل 2 : نقطہ M خط QR پر واقع ہے۔



اور $\triangle PMQ$ $\triangle PMR$ قائمۃ الزاویہ مثلث ہیں۔

$$\therefore A(\triangle PQR) = A(\triangle PMQ) + A(\triangle PMR)$$

$$= \frac{1}{2} \times l(MR) \times l(PM) - \frac{1}{2} \times l(MQ) \times l(PM)$$

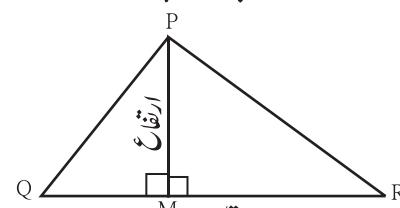
$$= \frac{1}{2} [l(MR) - l(MQ)] \times l(PM)$$

$$= \frac{1}{2} \times l(QR) \times l(PM)$$

$$\text{ارتفاع} \times \text{قاعدہ}$$

$$A(\triangle PQR) = \frac{1}{2} \times \text{ارتفاع} \times \text{قاعدہ}$$

شکل 1 : نقطہ M خط QR پر واقع ہے۔



اور $\triangle PMQ$ $\triangle PMR$ قائمۃ الزاویہ مثلث ہیں۔

$$\therefore A(\triangle PQR) = A(\triangle PMQ) + A(\triangle PMR)$$

$$= \frac{1}{2} \times l(QM) \times l(PM) + \frac{1}{2} \times l(MR) \times l(PM)$$

$$= \frac{1}{2} [l(QM) + l(MR)] \times l(PM)$$

$$= \frac{1}{2} \times l(QR) \times l(PM)$$

$$\text{ارتفاع} \times \text{قاعدہ}$$

$$A(\triangle PQR) = \frac{1}{2} \times \text{ارتفاع} \times \text{قاعدہ}$$

$$\text{ارتفاع} \times \text{قاعدہ} \times \frac{1}{2} = \text{ مثلث کا رقبہ}$$

مثال : ایک مثلث کا قاعدہ 5.6 سم اور ارتفاع 4.5 سم ہے، اس مثلث کا رقبہ معلوم کیجیے۔

$$\text{حل} : \quad \frac{1}{2} \times \text{ارتفاع} \times \text{قاعدہ} = \text{ مثلث کا رقبہ} \quad \therefore$$

$$= \frac{1}{2} \times 5.6 \times 4.5$$

$$= 12.6 \text{ سم}^2 = \text{ مثلث کا رقبہ} \quad \therefore$$

(مربع سم کو سم^2 سمجھی لکھا جاتا ہے)

مثال : ایک قائمۃ الزاویہ مثلث کے قائمہ زاویہ بنانے والے اضلاع 3.5 سم اور 4.2 سم ہیں۔ اس مثلث کا رقبہ معلوم کیجیے۔

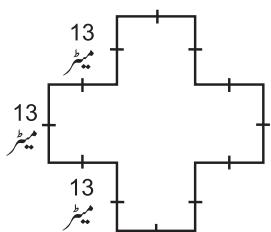
$$\text{حل} : \quad \frac{1}{2} \times (\text{قائمہ زاویہ بنانے} \times \text{وابل اضلاع کی لمبائی کا حاصل ضرب}) = \text{ قائمۃ الزاویہ مثلث کا رقبہ}$$

$$= \frac{1}{2} \times 3.5 \times 4.2$$

$$= 7.35 \text{ مربع سم}$$

مشقی سوالات 46

1. ایک کلینڈر کے صفحے کی لمبائی 45 سم اور چوڑائی 26 سم ہے، اس صفحہ کا رقبہ کتنا ہوگا؟
2. ایک مثلث کی ارتفاع 3.6 سم اور قاعدہ 4.8 سم ہے تو اس مثلث کا رقبہ کتنا ہوگا؟
3. ایک مستطیلی شکل کے قطعہ ارض کی لمبائی 75.5 میٹر اور چوڑائی 30.5 میٹر ہے۔ 1000 روپے فی مرلع میٹر کے حساب سے قطعہ ارض کی کل قیمت کتنی ہوگی؟
4. مستطیل نما ہال کی لمبائی 12 میٹر اور چوڑائی 6 میٹر ہے۔ اس میں 30 مربع نما فرش بچانا ہے۔ تو پورے ہال کے لیے کل کتنے فرش درکار ہوں گے؟ اس مثال میں اگر 15 مربع نما فرش ہوں تو کل کتنے فرش درکار ہوں گے؟
5. مقابل کی شکل میں ایک باغ کے کناب دیئے ہیں۔ اس باغ کا احاطہ اور رقبہ معلوم کیجیے۔

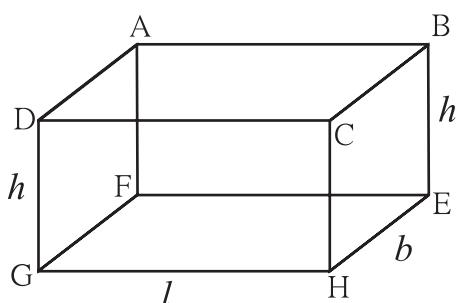


آئیے سمجھ لیں :

سطح کا رقبہ (Surface area)

کسی بھی سرخی اجسام کے تمام سطحوں کے رقبوں کا مجموعہ یعنی اس چیز کی کل سطح کا رقبہ کہلاتا ہے۔

* مکعب نما کی سطح کا رقبہ :



- مکعب نما کی چھے سطح ہوتی ہیں۔

- سطح مستطیل نما ہوتی ہے۔

- مقابل کی مستطیل نما سطحوں کے رقبے متماثل ہوتے ہیں۔

- ہر کنارا اس سے ملنے والے دونوں کناروں پر عمود ہوتا ہے۔

- مکعب نما کی افقی سطحوں کی لمبائی 'l'، چوڑائی 'b' اور عمودی سطح کی اونچائی 'h'

سے ظاہر کریں گے۔

مستطیل ABCD کا رقبہ = $l \times b$ = چوڑائی \times لمبائی

مستطیل BCHE کا رقبہ = $b \times h$ = چوڑائی \times لمبائی

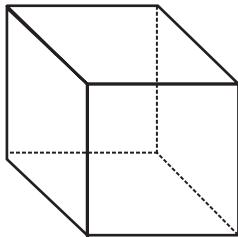
مستطیل ABEF کا رقبہ = $l \times h$ = چوڑائی \times لمبائی

تمام مستطیل کے رقبوں کا مجموعہ = مکعب نما کے کل سطھوں کا رقبہ

(اوپرائی \times لمبائی + اوپرائی \times چوڑائی + چوڑائی \times لمبائی) 2 = مکعب نما کی کل سطھوں کا رقبہ

$$= 2(l \times b + b \times h + l \times h) = 2(lb + bh + lh)$$

* مکعب کی سطح کا رقبہ :



- مکعب کی کل چھ سطھیں ہوتی ہیں۔

- ہر سطح مربع نما ہوتی ہے۔

- تمام سطھوں کا رقبہ مساوی ہوتا ہے۔

- فرض کیجیے مربع کا ضلع 11' ہے۔

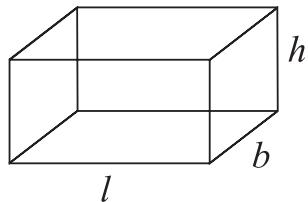
مربع کا رقبہ = مکعب کی ایک سطح کا رقبہ

6 مربوں کے رقبوں کا مجموعہ = مکعب کی کل سطھوں کا رقبہ

$$= 6 \times l^2 = 6(ضلع)^2$$

مثال : لمبائی 1.5 میٹر، چوڑائی 1.2 میٹر اور اوپرائی 1.3 میٹر والے ٹین کا مکعب نما شکل کا ایک بند صندوق بنانا ہے۔ تو کل کتنی ٹین کی چادر درکار ہوگی؟

حل : میٹر = اوپرائی، میٹر = چوڑائی، میٹر = h = 1.3 = صندوق کی لمبائی



$$l = 1.5, b = 1.2, h = 1.3 = \text{صندوق کی کل سطھوں کا رقبہ}$$

$$= 2(l \times b + b \times h + l \times h) = 2(1.5 \times 1.2 + 1.2 \times 1.3 + 1.5 \times 1.3)$$

$$= 2(1.80 + 1.56 + 1.95)$$

$$= 2(5.31)$$

$$\therefore \text{مربع میٹر} = 10.62 = \text{صندوق کی کل سطھوں کا رقبہ}$$

اس لیے صندوق بنانے کے لیے کل 10.62 مربع میٹر ٹین کی چادر درکار ہوگی۔

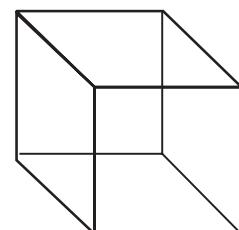
مثال : ایک مکعب نما ڈبے کی لمبائی 0.4 میٹر ہے۔ اس ڈبے کو باہر سے روغن دینا ہے۔ اگر خرچ 50 روپے فی مربع میٹر ہو تو کل کتنا خرچ آئے گا؟

$\therefore \text{مکعب کا ضلع} = l = 0.4 = \text{میٹر}$

$\text{مکعب کی کل سطح کا رقبہ} = 6 \times (l)^2$

$$= 6 \times (0.4)^2$$

$$\therefore \text{مربع میٹر} = 6 \times 0.16 = 0.96 = \text{مکعب کی کل سطح کا رقبہ}$$



حل :

ایک مریع میٹر نگ وروغن لگانے کا خرچ 50 روپے ہے۔

$$0.96 \times 50 = 0.96 \text{ مریع میٹر نگ وروغن لگانے کا خرچ} \therefore$$

$$\text{روپے } 48$$

\therefore صندوق کو رنگ وروغن لگانے کا خرچ 48 روپے ہوگا۔

مشقی سوالات 47

1. مکعب کے ضلع کی لمبائی درج ذیل کے مطابق ہو تو مکعب کی کل سطحوں کا رقمہ معلوم کیجیے۔
- (i) 3 سم (ii) 5 سم (iii) 7.2 سم (iv) 6.8 میٹر (v) 5.5 میٹر
2. ذیل میں مکعب نما کی لمبائی، چوڑائی اور اونچائی بالترتیب دی ہوئی ہے، اس معلومات کی بنار پر کل سطح کا رقمہ معلوم کیجیے۔
- (i) 12 سم، 5 سم، 10 سم (ii) 5 سم، 3.5 سم، 1.4 سم
- (iii) میٹر 3.5، میٹر 2.4، میٹر 2 (iv) میٹر 5، میٹر 8، میٹر 2.5
3. ایک ماچس کی ڈوبی کی لمبائی 4 سم، چوڑائی 2.5 سم اور اونچائی 1.5 سم ہے۔ اس ڈوبی کو باہر سے زنگین کاغذ چسپانا ہے، کل کتنا کاغذ درکار ہوگا؟
4. ایک باغ کے خشک پتے اور دیگر گھاس پھوس ٹرالی پر رکھ کر لے جانے کے لیے ایک بغیر ڈھکن کی میں کی ٹکنی بنانا ہے۔ اس کی لمبائی 1.5 میٹر، چوڑائی 1 میٹر اور اونچائی 1 میٹر ہے۔ اس کے لیے کل کتنے رقبے کی میں کی چادر درکار ہوگی؟ اس صندوق کو اندر اور باہر سے زنگ سے بچانے کے لیے رنگ وروغن کا خرچ، 150 روپے فی مریع میٹر کے حساب سے کتنا ہوگا؟ معلوم کیجیے۔

ریاضیاتی پہلی

کچھ تین ہندسی اعداد ایسے ہوتے ہیں ان ہندسوں کا حاصل ضرب اس عدد کو مکمل تقسیم کرتا ہے۔

مثال :

$$1 \times 7 \times 5 = 35 \rightarrow \frac{175}{35} = 5 \quad \text{عدد } 175 \text{ بھی، (i)}$$

$$8 \times 1 \times 6 = 48 \rightarrow \frac{816}{48} = 17 \quad \text{عدد } 816 \text{ بھی، (ii)}$$

$$6 \times 1 \times 2 = 12 \rightarrow \frac{612}{12} = 51 \quad \text{عدد } 612 \text{ بھی، (iii)}$$

اسی طرح 135، 312، 672 وغیرہ اعداد بھی ہیں۔ آپ اس قسم کے اور اعداد تلاش کریں۔

