



سیٹ Set

1

آئیے، سیکھیں



- مساوی سیٹ، خمنی سیٹ
- دین خاکہ
- سیٹ کی اقسام
- سیٹ میں ارکان کی تعداد
- انقلائی سیٹ، اجتماعی سیٹ
- آفیسیت، مکملہ سیٹ

آئیے ذرا یاد کریں

ذیل میں کچھ تصاویر دی ہوئی ہیں۔ ان میں ہماری متعارف چیزوں کا گروہ ہے۔

				1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, ...
پھولوں کا گلدستہ	چاپیوں کا کچھ	پرندوں کا جھنڈ	بیاضوں کا گھا	اعداد کا گروہ

مذکورہ بالا ہر چیزوں کے گروہ کے لیے ہم خاص لفظ استعمال کرتے ہیں۔ ان تمام مثالوں میں گروہ کے ارکان کو ہم بالکل صحیح اور واضح طور پر بتاسکتے ہیں۔
چیزوں کے ایسے گروہ کو ہم 'سیٹ' کہتے ہیں۔

اب اس سیٹ پر غور کیجیے۔ 'گاؤں کے خوش و خرم بچے'، 'جماعت کے ہوشیار بچے'۔ گروہ کی ان دونوں مثالوں میں 'خوش و خرم' اور 'ہوشیار' دونوں الفاظ مذکورہ ہیں۔ یعنی 'خوش و خرم' چبلت اور 'ہوشیاری' ان دونوں الفاظ کے معنی واضح طور پر بتائے نہیں جاسکتے۔ اس لیے ان گروہوں کو سیٹ نہیں کہہ سکتے۔

اب ذیل میں کچھ مثالیں دی ہوئی ہیں۔ ان میں سے کس گروہ کو 'سیٹ' کہہ سکتے ہیں۔ بتائیے۔

- | | |
|-----------------------------------|-----------------------------|
| (1) ہفتہ کے سات دن | (2) ایک سال کے مہینے |
| (3) جماعت کے بہادر بچے | (4) کنٹی کے پہلے 10 اعداد |
| (5) مہارا شتر کے مضبوط گڑھ - قلعے | (6) ہمارے نظام سشی کے سیارے |



سیٹ (Set)

جس گروہ کے ارکان بالکل صحیح اور واضح طور پر بتائے جاسکتے ہیں، ان گروہوں کو سیٹ کہتے ہیں۔
 سیٹ کا نام دینے کے لیے عام طور پر A، B، C، ... Z میں سے انگریزی حروف تحریکی پہلی پی کے حروف استعمال کرتے ہیں۔
 سیٹ کے ارکان دکھانے کے لیے a، b، c، ... میں سے انگریزی حروف استعمال کرتے ہیں۔
 یہ سیٹ A کا رکن ہے۔ اسے 'a ∈ A' کہتے ہیں اور کرن a سیٹ A کا رکن نہیں ہے اسے بتانے کے لیے 'A ∉ a' کہتے ہیں۔
 اب ہم اعداد کے سیٹ پر غور کریں گے۔

$N = \{1, 2, 3, \dots\}$ ، یہ طبعی اعداد کا سیٹ ہے۔ (Set of Natural Numbers)
 $W = \{0, 1, 2, 3, \dots\}$ ، یہ مکمل اعداد کا سیٹ ہے۔ (Set of Whole Numbers)
 $I = \{\dots, -3, -2, -1, 0, 1, 2, \dots\}$ ، یہ صحیح اعداد کا سیٹ ہے۔ (Set of Integers)
 Q ، یہ تمام ناطق اعداد کا سیٹ ہے۔ (Set of Rational Numbers)
 R ، یہ حقیقی اعداد کا سیٹ ہے۔ (Set of Real Numbers)

سیٹ لکھنے کے طریقے

سیٹ لکھنے کے دو طریقے ہیں۔

(1) فہرستی طریقہ (Listing method or roster method) :

اس طریقے میں سیٹ کے تمام ارکان کو محضابی تو سین میں لکھتے ہیں اور ہر کن کو علیحدہ بتانے کے لیے دو تصل ارکان کے درمیان قومہ (,) لگاتے ہیں۔
 اس میں ارکان کی ترتیب کی کوئی اہمیت نہیں ہوتی، لیکن تمام ارکان کو ظاہر کرنا ضروری ہوتا ہے۔
 مثال : 1 سے 10 کے درمیان طاقت اعداد کے سیٹ کو فہرستی طریقہ سے ذیل کے مطابق لکھیں گے۔ مثلاً

$$A = \{3, 5, 7, 9\} \text{ یا } A = \{7, 3, 5, 9\}$$

لفظ میں حروف کا سیٹ {r, e, m, b} لکھتے ہیں۔ بہاء remember ہی مرتبہ لکھے گئے ہیں۔ پھر بھی سیٹ میں ایک ہی مرتبہ لکھے گئے ہیں۔

(2) خصوصیت بیان کرنے والا عبارتی طریقہ (Rule method or set builder form) :

اس طریقے میں ارکان کی فہرست بنانے کی بجائے سیٹ کے عمومی رکن کو متغیر سے ظاہر کر کے اس کے سامنے عمودی لکیر کھینچتے ہیں۔ عمودی لکیر کے آگے اس متغیر کی خصوصیت لکھتے ہیں۔ مثال {x | x ∈ N, 1 < x < 10} اس کو سیٹ A کا رکن x اس طرح ہے کہ x یہ 1 اور 10 کے درمیان واقع طبعی عدد ہے۔

مثال : $\{x\}$, یہ 1 اور 10 کے درمیان مفرد عدد ہے۔ | $B = \{x\}$, اس میں 1 سے 10 کے درمیان تمام مفرد اعداد شامل ہوں گے۔ اس لیے سیٹ B کو فہرستی طریقے سے $\{2, 3, 5, 7\}$ لکھیں گے۔

Q یہ ناطق اعداد کا سیٹ ہے۔ اسے خصوصیت والے عبارتی طریقے سے ذیل کے مطابق لکھیں گے۔

$$Q = \left\{ \frac{p}{q} \mid p, q \in I, q \neq 0 \right\}$$

اسے پڑھیں گے $\frac{p}{q}$ صورت میں ایسے اعداد ہیں کہ p کوئی صحیح عدد ہے اور q کوئی غیر صفر صحیح عدد ہے۔

تشریکی مثالیں : نیچے دی ہوئی مثالوں میں ہر سیٹ دونوں طریقوں سے لکھا ہوا ہے۔

خصوصیت والا عبارتی طریقہ

فہرستی طریقہ

$A = \{x \mid x\}$ یہ DIVISION لفظ کا حرف ہے۔

$A = \{D, I, V, S, O, N\}$

$B = \{y \mid y^2 = 9\}$, یہ ایک ایسا عدد ہے کہ $9 = y^2$

$B = \{-3, 3\}$

$C = \{z \mid z\}$, یہ 5 کے ضعف میں 30 سے چھوٹا طبعی عدد ہے۔ | $z = 5, 10, 15, 20, 25\}$

$C = \{5, 10, 15, 20, 25\}$

مثال : ذیل کی جدول کی خالی جگہوں کو پُر کر کے جدول کامل کیجیے۔

فہرستی طریقہ	خصوصیت والا عبارتی طریقہ
$A = \{2, 4, 6, 8, 10, 12, 14\}$	$A = \{x \mid x\}$ یہ 15 سے چھوٹا جفت طبعی عدد ہے۔
.....	$B = \{x \mid x\}$ یہ 1 سے 20 کے درمیان کامل مربع عدد ہے۔
$C = \{a, e, i, o, u\}$
.....	$D = \{y \mid y\}$, یہ تو س قرخ کا ایک رنگ ہے۔
.....	$P = \{x \mid -3 < x < 3\}$, یہ صحیح عدد ہے اس طرح کہ
$M = \{1, 8, 27, 64, 125\}$

مشقی سیٹ 1.1

(1) درج ذیل سیٹ فہرستی طریقے سے لکھیے۔

(i) (ii) 1 سے 50 کے درمیان جفت مفرد اعداد کا سیٹ

(i) جفت طبعی اعداد کا سیٹ

(iv) موسیقی کے سات سروں کا سیٹ

(iii) تمام منفی صحیح اعداد کا سیٹ

(2) درج ذیل علامتوں میں دیے ہوئے بیانات کو الفاظ میں لکھیے۔

(i) $\frac{4}{3} \in Q$ (ii) $-2 \notin N$ (iii) $P = \{p \mid p\}$

(3) کوئی بھی دو سیٹ فہرستی طریقے سے اور خصوصیت کے اظہار (بیان کرنے والے) والے عبارتی طریقے سے لکھیے۔

(4) درج ذیل سیٹ فہرستی طریقے سے لکھیے۔

(i) بھارتی سنسنی سال کے سب مہینوں کا سیٹ۔

(ii) 'COMPLEMENT'، لفظ کے حروف کا سیٹ۔

(iii) انسان کے تمام حواس نامہ کا سیٹ۔

(iv) 1 سے 20 کے درمیان مفرد اعداد کا سیٹ۔

(v) زمین کے باراعظموں کا سیٹ۔

(5) درج ذیل سیٹ خصوصیت والے عبارتی طریقے سے لکھیے۔

(i) $A = \{1, 4, 9, 16, 25, 36, 49, 64, 81, 100\}$

(ii) $B = \{6, 12, 18, 24, 30, 36, 42, 48\}$, (iii) $C = \{S, M, I, L, E\}$

(iv) {اتوار، پیر، منگل، بدھ، جمعرات، جمع، سنچر} (v) $X = \{a, e, t\}$



سیٹ کی اقسام Types of sets

سیٹ کے نام	تعریف	مثال
کیک رنی سیٹ (Singleton Set)	جس سیٹ میں ایک اور صرف ایک رکن ہوتا ہے۔ ایسے سیٹ کو 'کیک رنی سیٹ' کہتے ہیں۔	$A = \{2\}$ A ، یہ جفت مفرد اعداد کا سیٹ ہے۔
خالی سیٹ (Null Set)	جس سیٹ میں دی ہوئی خصوصیت کا ایک بھی رکن نہیں ہوتا۔ اس سیٹ کو 'خالی سیٹ' کہتے ہیں۔ اس سیٹ کو {} یا 'φ' (فائلے) علامت سے ظاہر کرتے ہیں۔	$B = \{x x = 2 \text{ اور } 3 \text{ کے درمیان طبعی عدد ہے}\}$ $\therefore B = \{ \} \text{ یا } \phi$
محدود سیٹ (Finite Set)	جو سیٹ خالی سیٹ ہوتا ہے یا جس سیٹ میں ارکان کی تعداد محدود ہوتی ہے اور اسے شمار کر سکتے ہیں، ایسے سیٹ کو محدود سیٹ کہتے ہیں۔	$C = \{p p \text{، یہ 1 اور 22 کے درمیان 4 سے تقسیم پذیر عدد ہے}\}$ $C = \{4, 8, 12, 16, 20\}$
لامحدود سیٹ (Infinite Set)	جس سیٹ میں ارکان کی تعداد لامحدود ہوتی ہے اور انہیں شمار نہیں کیا جاسکتا، ایسے سیٹ کو 'لامحدود سیٹ' کہتے ہیں۔	$N = \{1, 2, 3, \dots\}$

مثال : درج ذیل سیٹ فہرستی طریقے سے لکھ کر ان کی محدود سیٹ اور لا محدود سیٹ میں جماعت بنزی کیجیے۔

$$(i) A = \{x \mid x \in N\} \text{ اور } x \text{ یہ طاقت عدد ہے۔}$$

$$(ii) B = \{x \mid 3x - 1 = 0 \text{ اور } x \in N\}$$

$$(iii) C = \{x \mid x \in N\} \text{ اور } x \text{ یہ } 7 \text{ سے تقسیم پذیر عدد ہے۔} (iv) D = \{(a, b) \mid a, b \in W, a + b = 9\}$$

$$(v) E = \{x \mid x \in I, x^2 = 100\}$$

$$(vi) F = \{(a, b) \mid a, b \in Q, a + b = 11\}$$

$$A = \{x \mid x \in N\} \quad (i) \quad \text{حل :}$$

$$A = \{1, 3, 5, 7, \dots\} \quad \dots \quad (\text{یہ ایک لا محدود سیٹ ہے۔})$$

$$B = \{x \mid 3x - 1 = 0 \text{ اور } x \in N\} \quad (ii)$$

$$3x - 1 = 0, \therefore 3x = 1, x = \frac{1}{3}$$

$$\text{لیکن } B = \{\quad\}, \frac{1}{3} \notin N \quad \text{اس لیے } B \text{ یہ محدود سیٹ ہے۔}$$

$$C = \{x \mid x \in N\} \text{ اور } x \text{ یہ } 7 \text{ سے تقسیم پذیر عدد ہے۔} \quad (iii)$$

$$\therefore C = \{7, 14, 21, \dots\} \quad \dots \quad (\text{یہ لا محدود سیٹ ہے۔})$$

$$D = \{(a, b) \mid a, b \in W, a + b = 9\} \quad (iv)$$

ہم a اور b کی جوڑیاں معلوم کر سکتے ہیں اس طرح کہ a اور b مکمل عدد ہوں اور a + b = 9 ہے۔

پہلے a کی اور بعد میں b کی قیمت، اس ترتیب کو قائم رکھتے ہوئے D سیٹ کو فہرستی طریقے سے ذیل کے مطابق لکھیں گے۔

$$D = \{(0, 9), (1, 8), (2, 7), (3, 6), (4, 5), (5, 4), (6, 3), (7, 2), (8, 1), (9, 0)\}$$

اس سیٹ کے ارکان یعنی اعداد کی جوڑیاں شمار کی جا سکتی ہیں اور یہ متعین ہیں۔

D سیٹ، محدود سیٹ ہے۔

$$E = \{x \mid x \in I, x^2 = 100\} \quad (v)$$

$$E = \{-10, 10\} \quad \dots \quad (\text{یہ محدود سیٹ ہے۔})$$

$$F = \{(a, b) \mid a, b \in Q, a + b = 11\} \quad (iv)$$

$$F = \{(6, 5), (3, 8), (3.5, 7.5), (-15, 26), \dots\}$$

اس طرح بے شمار جوڑیاں حاصل ہوتی ہیں۔

F، یہ لا محدود سیٹ ہے۔



اعداد کے N, W, I, Q, R سیٹ یہ سب سیٹ لا محدود ہیں۔



مساوی سیٹ (Equal Sets)

سیٹ A کا ہر کن سیٹ B میں اور سیٹ B کا ہر کن سیٹ A میں موجود ہو تو ان دونوں سیٹ کو مساوی سیٹ کہتے ہیں۔ اور A مساوی سیٹ ہیں، اسے علامت $A = B$ سے لکھتے ہیں۔

مثال (1) : $A = \{x | x \text{ listen}\}$ یہ لفظ کا حرف ہے۔ $\therefore A = \{l, i, s, t, e, n\}$

$B = \{y | y \text{ silent}\}$ یہ لفظ کا حرف ہے۔ $\therefore B = \{s, i, l, e, n, t\}$

اور B میں ارکان کی ترتیب مختلف ہے، لیکن ارکان وہی ہیں۔ اس لیے A اور B یہ مساوی سیٹ ہیں۔ اس لیے $A = B$ ہے۔

مثال (2) : $A = \{x | x = 2n, n \in N, 0 < x \leq 10\}, \therefore A = \{2, 4, 6, 8, 10\}$

$B = \{y | 1 \leq y \leq 10\}$ یہ جفت عدد ہے اور y ، $\therefore B = \{2, 4, 6, 8, 10\}$

اس لیے A اور B مساوی سیٹ ہیں۔

اب درج ذیل سیٹوں کے بارے میں غور کریں گے۔

$C = \{1, 3, 5, 7\}$ ، $D = \{2, 3, 5, 7\}$

کیا C اور D کو مساوی سیٹ کہہ سکتے ہیں؟ بالکل نہیں،

کیونکہ $2 \notin C$ ، $2 \in D$ ، $1 \in C$

اس لیے C اور D مساوی سیٹ نہیں ہیں۔ اس لیے $C \neq D$

مثال (3) : اگر $A = \{1, 2, 3\}$ اور $B = \{1, 2, 3, 4\}$ تب $A \neq B$ اس کی تصدیق کیجیے۔

مثال (4) : یہ مفرد عدد ہے اور x $10 < x < 20$ اور $A = \{x | 10 < x < 20\}$ اور $B = \{11, 13, 17, 19\}$ اس کی تصدیق کیجیے۔

یہاں $A = B$ ہے اس کی تصدیق کیجیے۔

مشتقی سیٹ 1.2

(1) درج ذیل میں سے کون سے سیٹ مساوی ہیں اور کون سے نہیں؟ وجہ کے ساتھ لکھیے۔

$$A = \{x | 3x - 1 = 2\}$$

$B = \{x | x \text{ طبی عدد}\}$ یہ طبی عدد ہے لیکن x مفرد بھی نہیں ہے اور مرکب بھی نہیں ہے۔

$$C = \{x | x \in N, x < 2\}$$

کیا A اور B مساوی سیٹ ہیں؟ وجہ کے ساتھ لکھیے۔

$$A = \{x | 7x - 1 = 13\} , B = \{x | 7x - 1 = 13\}$$

(3) درج ذیل میں سے کون سے سیٹ خالی ہیں؟ وجہ کے ساتھ لکھیے۔

(i) $A = \{a | a\}$ یہ صفر سے چھوٹا طبی عدد ہے۔

(ii) $B = \{x | x^2 = 0\}$

(iii) $C = \{x | 5x - 2 = 0, x \in N\}$

(4) درج ذیل میں سے کون سے سیٹ محدود ہیں اور کون سے لا محدود؟ وجہ کے ساتھ لکھیے۔

- | | |
|---|------------------------------|
| (i) $A = \{x x < 10\}$, یہ طبعی عدد ہے اور x | (v) تجربہ گاہ کے آلات کا سیٹ |
| (ii) $B = \{y y < -1\}$, یہ صحیح عدد ہے اور y | (vi) مکمل اعداد کا سیٹ |
| (iii) آپ کی اسکول کی نویں جماعت کے تمام طلبہ کا سیٹ $C =$ | (vii) ناطق اعداد کا سیٹ |
| (iv) آپ کے گاؤں کے باشندوں کا سیٹ | |



وین خاکہ (Venn Diagrams)

سیٹ لکھنے کے لیے بندشکل کا استعمال سب سے پہلے برطانوی فلاسفہ جان وین نے کیا۔ اس لیے ایسی اشکال کو 'وین خاکہ' کہتے ہیں۔ مختلف سیٹ کے درمیان تعلق سمجھنے کے لیے اور سیٹ پر منی مثالیں حل کرنے کے لیے ان خاکوں کا بہتر طور پر استعمال ہوتا ہے۔ وین خاکوں کے ذریعے سیٹ کس طرح دکھائے جاتے ہیں، اسے درج ذیل مثالوں کی مدد سے سمجھیں گے۔

منطق اور احتمال ان مضامین کو ریاضیاتی صورت دینے کا کام جان وین نے سب سے پہلے کیا۔ 'لا جک آف چانس' ان کی مشہور کتاب ہے۔

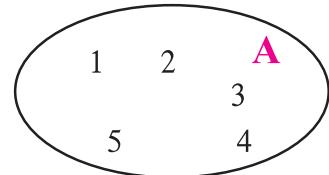


1834 - 1923

0	-1	-2	-3	B
-4	-5	-6	-7	
-8	-9	-10		

مثال : $A = \{1, 2, 3, 4, 5\}$

وین خاکہ کی مدد سے سیٹ A نیچے دکھایا گیا ہے۔

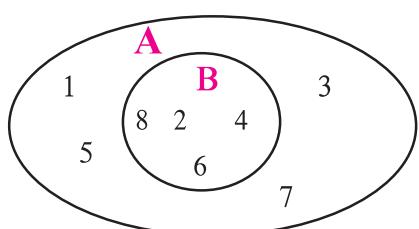


$B = \{x | -10 \leq x \leq 0\}$ یہ صحیح عدد ہے اور 0

بازوں میں دیا ہوا وین خاکہ B سیٹ کو ظاہر کرتا ہے۔

ضمنی سیٹ (Subset)

اگر A اور B دو سیٹ ہیں اور سیٹ B کا ہر کن سیٹ A کا بھی رکن ہے تو سیٹ B کو سیٹ A کا ضمنی سیٹ کہتے ہیں اور $B \subseteq A$ علامت سے ظاہر کرتے ہیں۔ اس کو 'B ضمنی سیٹ A' یا 'B یہ A کا ضمنی سیٹ ہے' پڑھتے ہیں۔



مثال (1) : $A = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8\}$

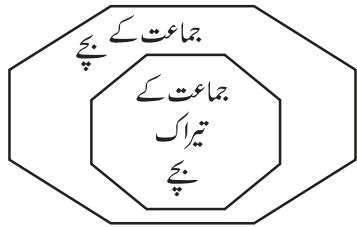
$B = \{2, 4, 6, 8\}$

یہاں B کا ہر کن سیٹ A کا بھی رکن ہے۔

$\therefore B \subseteq A$

اس معلومات کو وین خاکہ سے کس طرح دکھایا گیا ہے۔

عملی کام : جماعت کے بچوں کا سیٹ اور اسی جماعت کے تیراک بچوں کا سیٹ وین خاکہ سے دکھایا گیا ہے۔



اسی طرح درج ذیل ضمیں سیٹ کے لیے وین خاکہ کھینچیے۔

(i) جماعت کے بچوں کا سیٹ (1)

(ii) جماعت کے سائیکل چلانے والے بچوں کا سیٹ

(2) ذیل میں کچھ بچلوں کا ایک سیٹ دیا ہوا ہے۔

(امرود، سنتراء، آم، فنس، چکو، جامن، سیتاپھل، پپتا، کروندرا)

درج ذیل ضمیں سیٹ دکھائیے۔ (i) ایک نج والے بھل (ii) ایک سے زائد نج والے بھل

اب مزید کچھ ضمیں سیٹ پر غور کریں گے۔

مثال (2) طبعی اعداد کا سیٹ = N ، صحیح اعداد کا سیٹ =

یہیں $I \subseteq N$ ہے کیوں کہ ہمیں معلوم ہے کہ طبعی اعداد، صحیح اعداد بھی ہوتے ہیں۔

مثال (3) $\{x\}$ یہ 25 کا جذر المربع ہے۔ اور $\{y | y \in I, -5 \leq y \leq 5\}$ اور $\{x | x \in I, -5 \leq x \leq 5\}$

$P = \{-5, 5\}$ فہرستی طریقے سے P سیٹ کو لکھیں گے۔

$S = \{-5, -4, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, 4, 5\}$ فہرستی طریقے سے S سیٹ کو لکھیں گے۔

یہاں P کا ہر کن S کا بھی رکن ہے۔

$\therefore P \subseteq S$



(i) ہر سیٹ خود اپنا ضمیں سیٹ ہوتا ہے۔ یعنی $A \subseteq A$

(ii) خالی سیٹ ہر سیٹ کا ضمیں سیٹ ہوتا ہے۔ یعنی $\emptyset \subseteq A$

(iii) اگر $B \subseteq A$ اور $A \subseteq B$ تو $A = B$

(iv) اگر $A = B$ اور $B \subseteq A$ تو $A \subseteq B$

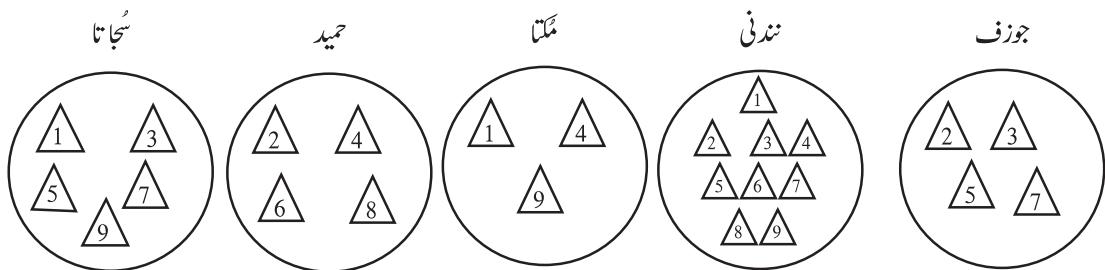
مثال : $A = \{1, 3, 4, 7, 8\}$ اس سیٹ کے تمام ضمیں سیٹ لکھیے۔

$S = \{1, 4, 7, 8\}$ ، $V = \{1, 4, 8\}$ ، $T = \{4, 7, 8\}$ ، $P = \{1, 3\}$ مثلاً

اس طرح مزید کئی ضمیں سیٹ بنائے جاسکتے ہیں۔ ان میں سے کوئی بھی پانچ ضمیں سیٹ لکھیے۔

عملی کام : ہر طالب علم سے کاغذ کے یکساں سائز کے 9 مٹلٹ اور ایک تھالی دیجیے۔

مٹلٹ پر 1 سے 9 تک اعداد لکھوائے۔ پھر ہر ایک کو اپنی تھالی میں عدد لکھئے ہوئے کچھ مٹلٹی کا غدر کھنے کے لیے کہیے۔ اب ہر ایک کے پاس 1 سے 9 عددوں لے سیٹ کا ضمیں سیٹ بن گیا ہے۔



دیکھیے کہ سُجاتا، حمید، ملتا، نندنی اور جوزف کی تھالیوں میں کون کون سے اعداد لکھائی دے رہے ہیں۔

ہر ایک نے کیا سوچ کر اعداد منتخب کیے ہیں۔ اُسے معلوم کیجیے۔ اس کی مدد سے ہر سیٹ خصوصیت والے عبارتی طریقے سے لکھیے۔



مثال : ذیل میں کچھ سیٹ دیے ہوئے ہیں۔

$$A = \{ \dots, -4, -2, 0, 2, 4, 6, \dots \} \quad B = \{ 1, 2, 3, \dots \}$$

$$C = \{ \dots, -12, -6, 0, 6, 12, 18, \dots \} \quad D = \{ \dots, -8, -4, 0, 4, 8, \dots \}$$

$$I = \{ \dots, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, 4, \dots \}$$

اس کی مدد سے درج ذیل میں سے کون سایہان صحیح ہے۔ اس پر بحث کیجیے۔

(i) A، B، C، D میں سے کوئی ہر سیٹ کا ضمیں سیٹ نہ ہے۔ (ii) یہ مذکورہ بالاتمام سیٹ کا ضمیں سیٹ ہے۔



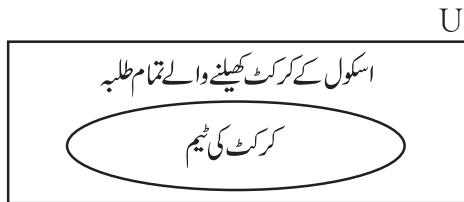
آفاقی سیٹ (Universal Set)

ہم جس سیٹ پر غور کرنے والے ہیں، وہ ان تمام سیٹ کو شامل کرنے والا ایک بڑا سیٹ، آفاقی سیٹ کے طور پر لیا جاتا ہے۔ اس کے باہر کے ارکان پر

ہم غور نہیں کرتے۔ زیریغور ہر سیٹ آفاقی سیٹ کا ضمیں سیٹ ہوتا ہے۔

مثال (1) : فرض کیجیے کہ ہمیں اسکول کی 9 ویں جماعت کی ایک فریق کے طلبہ کی غیر حاضری کا مطالعہ کرنا ہے۔ اس کے لیے 9 ویں جماعت کے طلبہ کے سیٹ پر غور کرنا ہوگا۔ یہاں اس جماعت کے تمام طلبہ کا سیٹ یا اسکول کے تمام طلبہ کا سیٹ، آفاقی سیٹ ہوگا۔

اب دوسری مثال پر غور کریں گے۔



مثال (2) : ہمیں اسکول کے کرکٹ کھلاڑیوں میں سے 15 طلبہ کی ٹیم کا انتخاب کرنا ہے۔ تب اسکول کے کرکٹ کھلے والے تمام کھلاڑیوں کا سیٹ آفی سیٹ ہو گا۔ اس میں مناسب 15 کھلاڑیوں کی ٹیم، یا اس آفی سیٹ کا ضمنی سیٹ ہے۔

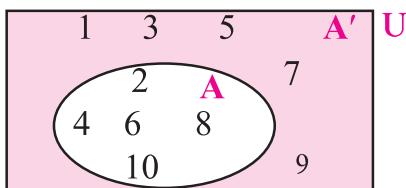
آفی سیٹ کو عام طور پر ' U' ' حرف سے ظاہر کرتے ہیں۔

وین خاکے میں آفی سیٹ کو عام پر طور پر مستطیل سے ظاہر کرتے ہیں۔

مکملہ سیٹ (Complement Of a Set)

فرض کیجیے 'U'، آفی سیٹ ہے۔ اگر $B \subseteq U$ ، تو سیٹ B میں موجود نہیں لیکن آفی سیٹ میں موجود رکان کے سیٹ کو سیٹ B کا مکملہ سیٹ کہتے ہیں۔ سیٹ B کا مکملہ سیٹ B' یا B^c سے ظاہر کرتے ہیں۔

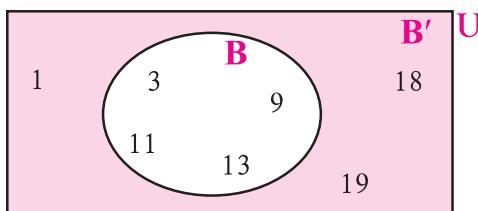
$$\therefore B' = \{x \mid x \in U, x \notin B\} \quad (\text{اس طرح } B' \text{ کو بیان کر سکتے ہیں}) \dots$$



مثال (1) : $U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$

$$A = \{2, 4, 6, 8, 10\}$$

$$\therefore A' = \{1, 3, 5, 7, 9\}$$



مثال (2) : فرض کیجیے، $U = \{1, 3, 9, 11, 13, 18, 19\}$

$$B = \{3, 9, 11, 13\}$$

$$\therefore B' = \{1, 18, 19\}$$

اب ' B' معلوم کیجیے۔ اس بناء پر کیا نتیجہ اخذ ہوتا ہے؟

' B' میں واقع نہیں لیکن U میں واقع رکان کا سیٹ ہے۔

$(B')' = B$ کیا یہ حاصل ہوا؟

ذکورہ بالا معلومات وین خاکہ کی مدد سے سمجھ لیں۔

مکملہ سیٹ کا مکملہ سیٹ یعنی دیا ہوا سیٹ ہوتا ہے۔



مکملہ سیٹ کی خصوصیات

(i) اور ' A' ان دونوں میں ایک بھی رکن مشترک نہیں ہوتا۔

(ii) $A' \subseteq U$ اور $A \subseteq U$

(iii) آفی سیٹ کا مکملہ سیٹ، خالی سیٹ ہوتا ہے۔

(iv) خالی سیٹ کا مکملہ سیٹ، آفی سیٹ ہوتا ہے۔

مشقی سیٹ 1.3

$D = \{a, e\}$, $C = \{b, d\}$, $B = \{c, d, e, f\}$, $A = \{a, b, c, d, e\}$ اگر $D = \{a, e\}$, $C = \{b, d\}$, $B = \{c, d, e, f\}$, $A = \{a, b, c, d, e\}$ ہو تو ذیل میں (1)

سے کون سا بیان صحیح اور کون سا بیان غلط ہے؟ لکھیے۔

- (i) $C \subseteq B$ (ii) $A \subseteq D$ (iii) $D \subseteq B$ (iv) $D \subseteq A$ (v) $B \subseteq A$ (vi) $C \subseteq A$

1 سے 20 تک طبعی اعداد کے سیٹ کو آفی سیٹ کے طور پر لے کر X سیٹ اور Y سیٹ وین خاکہ سے ظاہر کیجیے۔ (2)

(i) $X = \{x | x \in N, 7 < x < 15\}$

(ii) $Y = \{y | y \in N, 1 \leq y \leq 20\}$ کے درمیان مفرد عدد ہے،

$$U = \{1, 2, 3, 7, 8, 9, 10, 11, 12\} \quad (3)$$

$$P = \{1, 3, 7, 10\}$$

تو (i) P اور (ii) $(P')' = P$ کی تصدیق کیجیے۔

(iii) $A = \{1, 3, 2, 7\}$ ہو تو سیٹ A کے کوئی بھی تین ضمنی سیٹ لکھیے۔ (4)

(iv) ذیل میں سے کون سا سیٹ، دوسرے کون سے سیٹ کا ضمنی سیٹ ہے۔ لکھیے۔ (5)

M یہ پونہ کے باشندوں کا سیٹ ہے۔

B یہ بھارت کے باشندوں کا سیٹ ہے۔

H یہ ہمارا شتر کے باشندوں کا سیٹ ہے۔

(v) ذکورہ بالا میں سے کون سا سیٹ دیگر تمام سیٹ کے لیے آفی سیٹ کے طور پر لیا جائے گا؟

(vi) نیچے کچھ سیٹ دیے ہوئے ہیں۔ ان کا مطالعہ کرتے وقت کون سا سیٹ ان تمام سیٹ کے لیے آفی سیٹ کے طور پر لیا جائے گا؟

(i) 5 کے ضعف میں اعداد کا سیٹ = A, 7 کے پہاڑے کے اعداد کا سیٹ = B

(ii) 12 کے ضعف میں اعداد کا سیٹ = C

(iii) 4 کے ضعف میں اعداد کا سیٹ = P, T تمام جفت اعداد کا سیٹ =

(7) فرض کیجیے جماعت کے تمام طلبہ کا سیٹ، آفی سیٹ ہے۔ ریاضی میں 50% یا اس سے زیادہ نمبر حاصل کرنے والے طلبہ کے سیٹ کو A فرض کریں تو A کا مکملہ سیٹ لکھیے۔



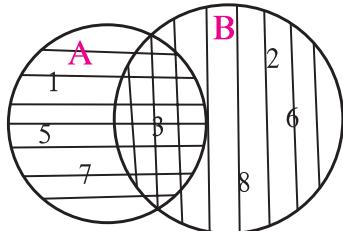
سیٹ پر اعمال

دو سیٹ کا انتظام (Intersection of two Sets)

فرض کیجیے A اور B دو سیٹ ہیں۔ A اور B سیٹ میں مشترک ارکان کے سیٹ کو A اور B سیٹ کا انتظامی سیٹ کہتے ہیں۔

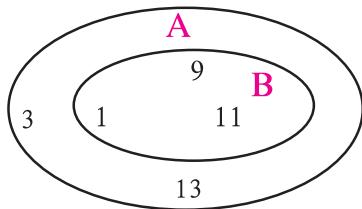
اسے $A \cap B$ لکھتے ہیں اور اسے 'A ب' انتظام'، پڑھتے ہیں۔

$$\therefore A \cap B = \{x | x \in A \text{ اور } x \in B\}$$



مثال (1) : $B = \{2, 3, 6, 8\}$ ، $A = \{1, 3, 5, 7\}$ اب وہیں خاکہ کھینچیں گے۔

اور B ان دونوں سیٹ میں 3 یہ مشترک رکن ہے۔
 $\therefore A \cap B = \{3\}$



مثال (2) : $B = \{1, 9, 11\}$ ، $A = \{1, 3, 9, 11, 13\}$ سیٹ A اور سیٹ B میں 1، 9، 11 یہ مشترک ارکان ہیں۔

$B = \{1, 9, 11\}$ لیکن $\therefore A \cap B = \{1, 9, 11\}$

$\therefore A \cap B = B$

یہاں B ، یہ A کا فتحی سیٹ ہے۔ اسے دھیان میں رکھیے۔

اس لیے اگر $B \subseteq A$ تو $B \cap A = B$ ، اسی طرح اگر $B \subseteq A$ تو $A \cap B = B$



انقطاعی سیٹ کی خصوصیات

$$A \cap B = A \quad \text{تو} \quad A \subseteq B \quad \text{اگر} \quad (2)$$

$$A \cap B = B \cap A \quad (1)$$

$$A \cap B \subseteq B \quad \text{اور} \quad A \cap B \subseteq A \quad (4)$$

$$B \subseteq A \quad \text{تو} \quad A \cap B = B \quad \text{اگر} \quad (3)$$

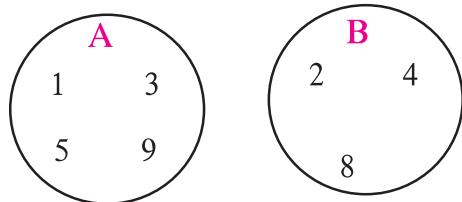
$$A \cap \phi = \phi \quad (7) \quad A \cap A = A \quad (6)$$

$$A \cap A' = \phi \quad (5)$$

عملی کام : مختلف مثالیں لے کر مذکورہ بالا خصوصیات کی تصدیق کیجیے



غیر متعلق سیٹ (Disjoint Set)



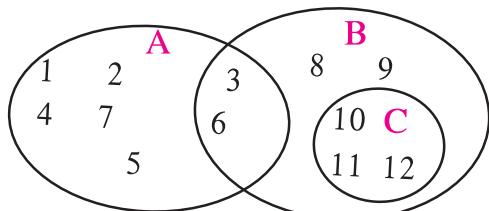
فرض کیجیے $\{9, 5, 3, 1\}$ اور $A = \{1, 3, 5, 9\}$

یہ دو سیٹ دیے ہوئے ہیں۔

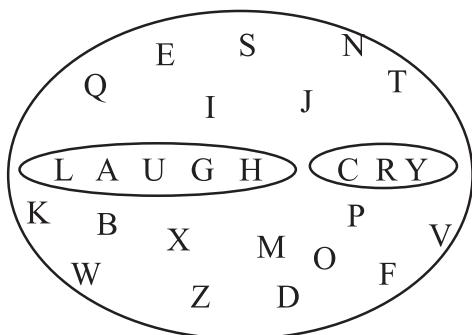
سیٹ A اور سیٹ B میں ایک بھی رکن مشترک نہیں ہے۔ یعنی یہ دونوں

سیٹ مکمل طور پر غیر متعلق ہیں۔ اس لیے انہیں غیر متعلق سیٹ کہتے ہیں جن ان سیٹوں کے وین خاکے کا مشاہدہ کیجیے۔

عملی کام : I



یہاں C, B, A ان سیٹوں کو وین خاکے کی مدد سے دکھایا گیا ہے۔
ان میں کون سے دو سیٹ مختلف ہیں؟ اسے لکھیے۔



فرض کیجیے انگریزی حروف تھیں کا سیٹ یہ آفاقی سیٹ ہے۔ یہاں سیٹ کے ارکان انگریزی حروف ہیں۔

فرض کیجیے 'LAUGH'، لفظ کے حروف کا ایک سیٹ ہے۔ اور 'CRY'، اس لفظ کے حروف کا دوسرا سیٹ ہے۔ یہ غیر متعلق سیٹ ہیں، ایسا کہہ سکتے ہیں۔ ان دونوں سیٹ کا انتقطاع خالی سیٹ ہے۔ معلوم کیجیے۔

(Union of two Sets) دو سیٹ کا اجتماع

فرض کیجیے A اور B یہ دو سیٹ ہیں۔ ان دونوں سیٹ کے ارکان کو ملا کر بننے والے سیٹ کو A اور B ان دونوں سیٹ کا اجتماعی سیٹ کہتے ہیں۔ اسے

لکھتے ہیں اور A اجتماع B پڑھتے ہیں۔

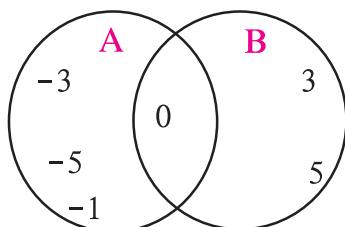
$$A \cup B = \{x \mid x \in A \text{ یا } x \in B\}$$

مثال (1) $\Lambda = \{-1, -3, -5, 0\}$: (1)

$$B = \{0, 3, 5\}$$

$$\Lambda \cup B = \{-3, -5, 0, -1, 3, 5\}$$

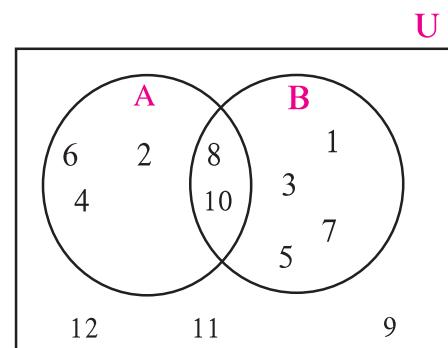
دھیان میں رکھیں کہ



بازو میں وین خاکے میں دکھائے ہوئے سیٹ کی بنابرداری درج ذیل سیٹ کو فہرستی طریقے سے لکھیے۔

$$(i) U \quad (ii) A \quad (iii) B \quad (iv) A \cup B \quad (v) A \cap B$$

$$(vi) A' \quad (vii) B' \quad (viii) (A \cup B)' \quad (ix) (A \cap B)'$$



مثال (2) U

: حل

$$U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12\}$$

$$A = \{2, 4, 6, 8, 10\},$$

$$B = \{1, 3, 5, 7, 8, 10\}$$

$$A \cup B = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 10\}, \quad A \cap B = \{8, 10\}$$

$$A' = \{1, 3, 5, 7, 9, 11, 12\}, \quad B' = \{2, 4, 6, 9, 11, 12\}$$

$$(\Lambda \cup B)' = \{9, 11, 12\}, \quad (\Lambda \cap B)' = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 9, 11, 12\}$$

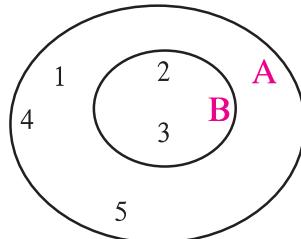
$$\Lambda = \{1, 2, 3, 4, 5\}, \quad B = \{2, 3\}$$

اب اس مثال کا وین خاکہ لکھتے ہیں۔

$$\Lambda \cup B = \{1, 2, 3, 4, 5\}$$

یہاں سیٹ A اور سیٹ B \cup A میں بالکل وہی ارکان ہیں۔

$$A \cup B = A \quad B \subseteq A$$



مثال (3)

اجتیاگی سیٹ کی خصوصیات

$$A \cup B = B \text{ تو } A \subseteq B \quad (2)$$

$$A \cup B = B \cup A \quad (1)$$

$$A \cup A' = U \quad (4)$$

$$A \subseteq A \cup B, B \subseteq A \cup B \quad (3)$$

$$A \cup \emptyset = A \quad (6)$$

$$\Lambda \cup \Lambda = \Lambda \quad (5)$$

آئیے سمجھ لیں

: (Number of elements in a set) سیٹ میں ارکان کی تعداد

فرض کیجیے۔ $\{3, 6, 9, 12, 15\}$ ، $A = \{3, 6, 9, 12, 15\}$ ، یہ دیا ہوا سیٹ ہے۔ اس سیٹ میں 5 ارکان ہیں۔

سیٹ A میں ارکان کی تعداد کو $n(A)$ لکھتے ہیں۔

فرض کیجیے $\{6, 12, 18, 24, 30, 36\}$ ، $B = \{6, 12, 18, 24, 30, 36\}$

اجتیاگی سیٹ اور انقطعی سیٹ میں ارکان کی تعداد

مذکورہ بالا سیٹ A اور سیٹ B پر غور کریں تو

$$n(A) + n(B) = 5 + 6 = 11 \quad \dots (1)$$

$$\Lambda \cup B = \{3, 6, 9, 12, 15, 18, 24, 30, 36\}, \therefore n(\Lambda \cup B) = 9 \quad \dots (2)$$

$A \cap B$ معلوم کریں گے۔ یعنی سیٹ A اور سیٹ B کے مشترک ارکان معلوم کریں گے۔

$$\Lambda \cap B = \{6, 12\}, \therefore n(A \cap B) = 2 \quad \dots (3)$$

وہیاں دیکھیے، $n(A)$ اور $n(B)$ شمار کرتے وقت $A \cap B$ کے ارکان کو دو مرتبہ شمار کیا گیا ہے۔

$$n(A) + n(B) - n(A \cap B) = 5 + 6 - 2 = 9$$

اسی طرح،

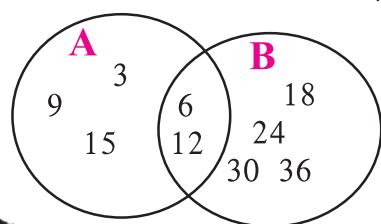
$$\therefore n(A \cup B) = n(A) + n(B) - n(A \cap B)$$

اوپر دیے ہوئے اصول کی تصدیق بازو میں دیے ہوئے وین خاکہ کی مدد سے کیجیے۔

$$n(A) = \boxed{}, \quad n(B) = \boxed{}$$

$$n(A \cup B) = \boxed{}, \quad n(A \cap B) = \boxed{}$$

$$\therefore n(A \cup B) = n(A) + n(B) - n(A \cap B)$$



اسے دھیان میں رکھیں

$$n(A \cup B) = n(A) + n(B) - n(A \cap B)$$

$$\text{یعنی, } n(A) + n(B) = n(A \cup B) + n(A \cap B)$$

$$B = \{1, 2, 4, 6, 8, 12, 13\} \text{ اور } A = \{1, 2, 3, 5, 7, 9, 11, 13\}$$

اب، یہ سیٹ لے کر اوپر دیے ہوئے اصول کی تصدیق کیجیے۔



سیٹ پر مبنی عبارتی مثالیں

مثال : ایک جماعت میں 70 طلبہ ہیں۔ ان میں سے 45 طلبہ کو کرکٹ پسند ہے۔ 52 طلبہ کو کھوکھیل پسند ہے۔ ایسا ایک بھی طالب علم نہیں جسے ان میں سے ایک بھی کھیل پسند نہیں ہے۔ تو کرکٹ اور کھوکھو دونوں کھیل کھیلنے والے طلبہ کی تعداد معلوم کیجیے۔

حل : اس مثال کو ہم دو طریقوں سے حل کریں گے۔

طریقہ 1 : $70 = \text{جماعت میں کل طلبہ}$

فرض کیجیے کہ کھیل پسند کرنے والے طلبہ کی تعداد A ہے اور کھوکھیل پسند کرنے والے طلبہ کی تعداد B ہے۔ ہر طالب علم کو کرکٹ اور کھوکھو میں سے کوئی ایک کھیل پسند ہے۔ کرکٹ یا کھوکھیل پسند کرنے والے طلبہ کی تعداد $n(A \cup B) = n(A \cup B)$

$$\therefore n(A \cup B) = 70$$

$$n(A \cap B) = \text{کرکٹ اور کھوکھو دونوں کھیل پسند کرنے والے طلبہ کی تعداد}$$

$$n(A) = 45, \quad n(B) = 52$$

$$n(A \cup B) = n(A) + n(B) - n(A \cap B) \quad (\text{یہ میں معلوم ہے۔}) \dots$$

$$\therefore n(A \cap B) = n(A) + n(B) - n(A \cup B)$$

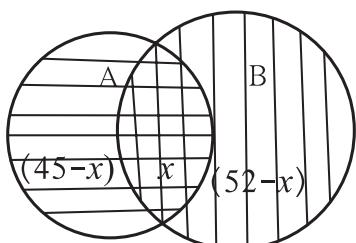
$$= 45 + 52 - 70 = 27$$

یہاں، $n(A \cap B)$ یہ دونوں کھیل پسند کرنے والے طلبہ کا سیٹ ہے۔

\therefore دونوں کھیل پسند کرنے والے طلبہ 27 اور کرکٹ کھیل پسند کرنے والے طلبہ 45 ہیں۔

$$\therefore \text{صرف کرکٹ کھیلنے والے طلبہ} = 45 - 27 = 18$$

طریقہ II : دی ہوئی معلومات وین خاکہ سے بھی دونوں کھیل پسند کرنے والے طلبہ کی تعداد ذیل کے مطابق معلوم کر سکتے ہیں۔



$$\text{فرض کیجیے } (A \cap B) = x$$

(یہ میں معلوم ہے۔)

$$n(A) = 45, n(B) = 52, n(A \cup B) = 70 \dots$$

$$\therefore n(A \cap B) = x = n(A) + n(B) - n(A \cup B)$$

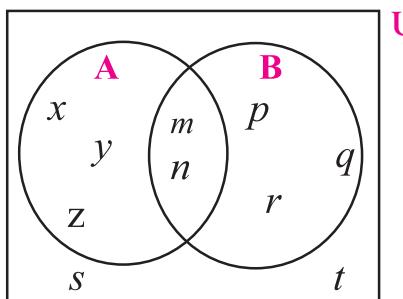
$$= 45 + 52 - 70 = 27$$

(وین خاکے کی مدد سے) ...

$$\therefore \text{صرف کرکٹ کھیل پسند کرنے والے طلبہ} = 45 - 27 = 18$$

مشقی سیٹ 1.4

- (1) اگر $n(B) = 7$, $n(A \cup B) = 29$, $n(A) = 15$ ہو تو ? کتنا =
- (2) ایک ہائل میں 125 طلبہ ہیں، ان میں سے 80 طلبہ چائے پیتے ہیں، 60 طلبہ کافی پیتے ہیں اور 20 طلبہ چائے اور کافی دونوں قسم کے مشروب پیتے ہیں۔ تو ایک بھی مشروب نہیں پینے والے طلبہ کی تعداد معلوم کیجیے۔
- (3) ایک مقابلہ جاتی امتحان میں 50 طلبہ انگریزی میں کامیاب ہوئے۔ 60 طلبہ ریاضی مضمون میں کامیاب ہوئے۔ 40 طلبہ دونوں مضامین میں کامیاب ہوئے۔ ایک بھی طالب علم دونوں مضامین میں ناکام نہیں ہوا تو کل کتنے طلبہ امتحان میں شریک تھے؟
- (4) ایک اسکول میں نویں جماعت کے 220 طلبہ کی پسند سے متعلق سروے کیا گیا۔ ان میں سے 130 طلبہ نے بتایا کہ انھیں کوہ پیائی پسند ہے اور 180 طلبہ نے بتایا کہ انھیں آکاش درشنی پسند ہے؟ 110 نے بتایا کہ انھیں کوہ پیائی اور آکاش درشنی دونوں پسند ہے۔ تو بتائیے کہ کتنے طلبہ کو دونوں میں سے کوئی بھی پسند نہیں؟ کتنے طلبہ کو صرف کوہ پیائی پسند ہے؟ کتنے طلبہ کو صرف آکاش درشنی پسند ہے؟



- (5) وین خاکے کی مدد سے درج ذیل تمام سیٹ لکھیے۔
- (i) Λ
 - (ii) B
 - (iii) $\Lambda \cup B$
 - (iv) U
 - (v) Λ'
 - (vi) B'
 - (vii) $(\Lambda \cup B)'$

مجموعہ سوالات 1

- (1) درج ذیل سوالوں کے لیے صحیح مقابلہ منتخب کیجیے۔
- $$M \cap N = ? ; M = \{1, 3, 5\}, N = \{2, 4, 6\}, \quad (i)$$
- (A) $\{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ (B) $\{1, 3, 5\}$ (C) ϕ (D) $\{2, 4, 6\}$
- (ii) $P = \{x | x \leq 5\}$ اس سیٹ کو فہرستی طریقے سے کس طرح لکھیں گے؟
- (A) $\{1, 3, 5\}$ (B) $\{1, 2, 3, 4, 5\}$ (C) $\{1, 3\}$ (D) $\{3, 5\}$
- (iii) $P = \{1, 2, \dots, 10\}$ کس قسم کا سیٹ ہے؟
- (A) محدود سیٹ (B) لا محدود سیٹ (C) خالی سیٹ (D) ان میں سے کوئی نہیں
- (iv) $M = \{1, 2, 4\}$ اور $M \cup N = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ تو درج ذیل میں N سیٹ کون سا ہے؟
- (A) $\{1, 2, 3\}$ (B) $\{3, 4, 5, 6\}$ (C) $\{2, 5, 6\}$ (D) $\{4, 5, 6\}$

اگر $P \cap (P \cup M) = P$ تو $P \subseteq M$ (v)

- (A) P (B) M (C) $P \cup M$ (D) $P' \cap M$

درج ذیل میں سے کون سا سیٹ خالی سیٹ ہے؟ (vi)

- | | |
|--|---------------------------------------|
| متواری خطوط کے نقطہ تقاطع کا سیٹ | جفت مفرد اعداد کا سیٹ |
| (A) 30 سے کم دن والے انگریزی مہینوں کا سیٹ | (B) $P = \{x x \in I, -1 < x < 1\}$ |
- (2) درج ذیل ضمنی سوالوں کے لیے صحیح تبادل منتخب کیجیے۔
 (i) درج ذیل میں سے کون سا گروہ (مجموعہ) سیٹ ہے؟

- | | |
|------------------|---------------------------------|
| قوس قروچ میں رنگ | اسکول کے کمپاؤنڈ میں اونچے درخت |
| گاؤں کے امیر لوگ | کتاب کی آسان مثالیں |
- (ii) $N \cap W$, یہ سیٹ درج ذیل میں سے کون سا ہے؟

- (A) $\{1, 2, 3, \dots\}$ (B) $\{0, 1, 2, 3, \dots\}$ (C) $\{0\}$ (D) $\{\}$

یہ سیٹ درج ذیل میں سے کون سا ہے؟ (iii)

- (A) $\{i, n, d\}$ (B) $\{i, n, d, a\}$ (C) $\{i, n, d, i, a\}$ (D) $\{n, d, a\}$

$T \cup M = ?$ تو $M = \{3, 4, 7, 8\}$ اور $T = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ اگر (iv)

- (A) $\{1, 2, 3, 4, 5, 7\}$ (B) $\{1, 2, 3, 7, 8\}$
 (C) $\{1, 2, 3, 4, 5, 7, 8\}$ (D) $\{3, 4\}$

(3) ایک گروہ کے 100 لوگوں میں سے 72 لوگ انگریزی بولتے ہیں اور 43 لوگ فرانسیسی بولتے ہیں۔ یہ 100 لوگ انگریزی یا فرانسیسی میں سے کم سے کم ایک زبان بولتے ہیں۔ تو بتائیے کتنے لوگ صرف انگریزی بولتے ہیں؟ کتنے لوگ صرف فرانسیسی بولتے ہیں؟ اور کتنے لوگ انگریزی اور فرانسیسی دونوں زبانیں بولتے ہیں؟

(4) پارٹھ نے درخت لگاؤ ہفتہ میں 70 درخت لگایا جب کہ پر بھانے کل کرنے کے لئے 90 درخت لگایا۔ ان دونوں نے مل کر 25 درخت لگائے، پارٹھ یا پر بھانے کتنے درخت لگائے؟

$$n(A \cap B) = ? \quad n(A \cup B) = 36, \quad n(A) = 20 \quad (5)$$

(6) ایک جماعت کے 28 طلبہ میں سے 8 طلبہ کے گھر صرف کتابا لا گیا ہے اور 6 طلبہ کے گھر صرف بلی پالی گئی ہے۔ 10 طلبہ کے گھر کتاب اور بلی دونوں پالے گئے ہیں۔ تو کتنے طلبہ کے گھر کتاب ای بلی میں سے ایک بھی جانور پالا نہیں گیا؟

(7) درج ذیل ہر ایک مثال کے سیٹ کا اجتماعی سیٹ وین خاکے کی مدد سے دکھائیے۔

- (i) $A = \{3, 4, 5, 7\}, \quad B = \{1, 4, 8\}$
 (ii) $P = \{a, b, c, e, f\}, \quad Q = \{l, m, n, e, b\}$

(iii) $X = \{x | x \text{ یہ } 80 \text{ اور } 100 \text{ کے درمیان مفرد عدد ہے}\}$

$Y = \{y | y \text{ یہ } 90 \text{ اور } 100 \text{ کے درمیان طاقت عدد ہے}\}$

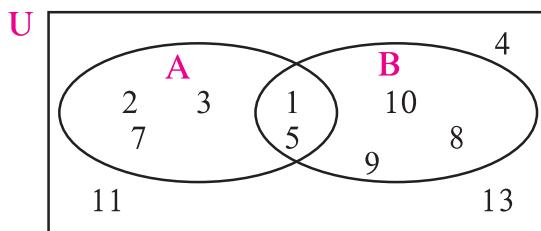
(8) درج ذیل میں سے کون سا سیٹ، کس سیٹ کا فتحی سیٹ ہے؟ اسے لکھیے۔

تمام معین کا سیٹ $X = \{\text{تمام ذوار بعثۃ الاصلاح کا سیٹ}\}$

تمام متوازی الاصلاح کا سیٹ $T = \{\text{تمام مربعوں کا سیٹ}\}$

تمام مستطیلوں کا سیٹ $V = \{\text{تمام مستطیلوں کا سیٹ}\}$

(9) اگر M یہ کوئی بھی ایک سیٹ ہو تو $\phi \cup M$ اور $M \cap \phi$ لکھیے۔



(10)* بازو کے وین خاکہ کی مدد سے $U, A, B, A \cup B$ اور

$A \cap B$ سیٹ لکھیے۔

$$n(A \cup B) = ? \quad n(A \cap B) = 4, \quad n(B) = 13, \quad n(A) = 7 \quad \text{اگر} \quad (11)$$

عملی کام I : خالی جگہوں میں سیٹ کے ارکان لکھیے۔

$$U = \{1, 3, 5, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 15\}$$

$$A = \{1, 11, 13\}, \quad B = \{8, 5, 10, 11, 15\}, \quad A' = \{\dots\}, \quad B' = \{\dots\}$$

$$A \cap B = \{\dots\}, \quad A' \cap B' = \{\dots\}$$

$$A \cup B = \{\dots\}, \quad A' \cup B' = \{\dots\}$$

$$(A \cap B)' = \{\dots\}, \quad (A \cup B)' = \{\dots\}$$

تصدیق کیجیے : $(A \cap B)' = A' \cup B'$, $(A \cup B)' = A' \cap B'$

عملی کام II : آپ کے اطراف کے 20 خاندانوں سے ذیل کی معلومات حاصل کیجیے۔

(i) اردو اخبار خریدنے والے خاندانوں کی تعداد

(ii) انگریزی اخبار خریدنے والے خاندانوں کی تعداد

(iii) انگریزی اور اردو زبانوں کے اخبار خریدنے والے خاندانوں کی تعداد

حاصل کردہ معلومات کے لیے وین خاکہ بنائیے۔

