

آئیے سیکھیں



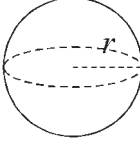
- مختلف مجسم اشکال کی سطحوں کا رقبہ اور حجم پر مشتمل مخلوط مثالیں
- دائرے کے تراشے کا رقبہ
- دائرے کا قوس - قوس کی لمبائی
- قطعہ دائرے کا رقبہ

آئیے ذرا یاد کریں

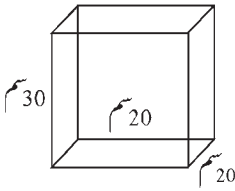


گذشتہ جماعتوں میں ہم نے بعض سہ ابعادی اشکال کی سطحوں کا رقبہ اور حجم کا مطالعہ کرچکے ہیں۔ اس کے لیے استعمال ہونے والے ضابطوں کا اعادہ کرتے ہیں۔

نمبر شمار	سہ ابعادی اشکال	ضابطے
1	 مکعب نما/مستطیلی منشور	$\text{عمودی سطحوں کا رقبہ} = 2h(l + b)$ $\text{کل سطحوں کا رقبہ} = 2(lb + bh + hl)$ $\text{مکعب نما کا حجم} = lbh$
2	 مکعب	$\text{مکعب کی عمودی سطحوں کا رقبہ} = 4l^2$ $\text{مکعب کی کل سطحوں کا رقبہ} = 6l^2$ $\text{مکعب کا حجم} = l^3$
3	 مدور استوانہ	$\text{مدور استوانے کی خداری سطح کا رقبہ} = 2\pi rh$ $\text{مدور استوانے کی کل سطحوں کا رقبہ} = 2\pi r(r + h)$ $\text{مدور استوانے کا حجم} = \pi r^2 h$
4	 مخروط	$l = \sqrt{h^2 + r^2}$ $\text{مخروط کی خداری سطح کا رقبہ} = \pi rl$ $\text{مخروط کی کل سطحوں کا رقبہ} = \pi r(r + l)$ $\text{مخروط کا حجم} = \frac{1}{3} \times \pi r^2 h$

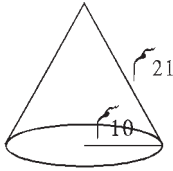
5	 کرہ	$\text{کرہ کی سطح کا رقبہ} = 4\pi r^2$ $\text{کرہ کا حجم} = \frac{4}{3}\pi r^3$
6	 نصف کرہ	$\text{نصف کرہ کی خمدار سطح کا رقبہ} = 2\pi r^2$ $\text{نصف کرہ کی کل سطح کا رقبہ} = 3\pi r^2$ $\text{نصف کرہ کا حجم} = \frac{2}{3}\pi r^3$

درج ذیل مثالیں حل کیجیے :



شکل 7.1

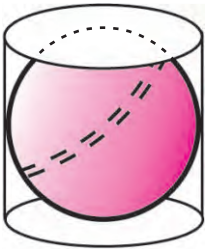
مثال (1) : متصلہ شکل میں 30 سم اونچائی، 20 سم لمبائی اور 20 سم چوڑائی کا ایک تیل کا ڈبہ ہے۔ اس میں کتنے لیٹر تیل سمائے گا؟ (1 مکعب سم = 1000 لٹر)



شکل 7.2

مثال (2) : متصلہ شکل میں جو کر کی ٹوپی دکھائی گئی ہے۔ اس ٹوپی کو تیار کرنے کے لیے کتنا کپڑا درکار ہوگا؟

غور کیجیے



شکل 7.3

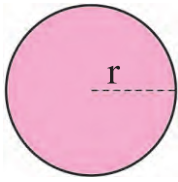
متصلہ شکل میں دکھائے ہوئے کے مطابق،

ایک مدور استوانے میں ایک گیند ہے۔ گیند مدور استوانے کی تہہ اور خمدار سطح کو مس کرتی ہے۔ مدور استوانے کے قاعدے کا نصف قطر r ہو تو

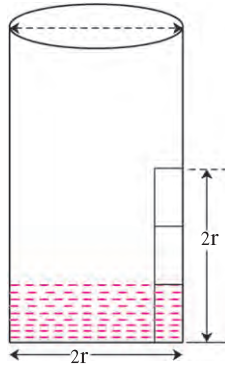
1. کرہ کا نصف قطر کتنا ہوگا؟

2. مدور استوانے کی خمدار سطح کا رقبہ اور کرہ کی خمدار سطح کا رقبہ کے درمیان نسبت کیا ہوگی؟

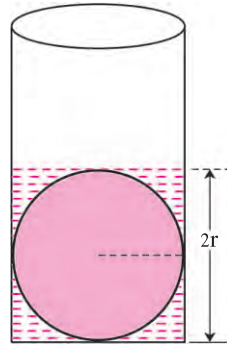
3. مدور استوانے کا حجم اور کرہ کے حجم میں کیا نسبت ہے؟



شکل 7.4



شکل 7.5



شکل 7.6

درج بالا شکل میں دکھائے ہوئے طریقے کے مطابق ایک گیند اور گیند کے نصف قطر کے مساوی (r) نصف قطر والا ایک بیکر لیجیے۔ بیکر کے قطر کے مساوی لمبائی (2r) کے ایک کاغذ کی پٹی لیجیے۔ اس کاغذ کی لمبائی کے تین مساوی حصے کرنے کے لیے دو لکیریں کھینچیے۔ کاغذ کی وہ پٹی بیکر کے قاعدے سے عموداً چسپاں کیجیے۔ اب بیکر میں کاغذ کی پٹی کے نیچے پہلے حصے کے نشان تک پانی بھریئے۔ بعد میں گیند بیکر میں آہستہ سے اس طرح چھوڑیے کہ وہ بیکر کی تہہ سے مس ہو جائے۔ بیکر میں پانی کی سطح میں کہاں تک اضافہ ہوا ہے اس کا مشاہدہ کیجیے۔

پانی کی سطح کاغذ کی پٹی کے اونچائی کے نشان تک پہنچی ہوئی دکھائی دے گی۔

اس مشاہدے کے ذریعے گیند کے حجم کا ضابطہ کس طرح حاصل ہوتا ہے اسے سمجھ لیجیے۔

بیکر مدور استوانے کی شکل کا ہے۔ یعنی بیکر کی 2r اونچائی تک کے حصے کا حجم، مدور استوانے کے حجم کے ضابطے سے ظاہر ہوتا ہے۔

فرض کریں یہ حجم V ہے۔

$$\therefore V = \pi r^2 \times 2r = 2\pi r^3$$

لیکن بیکر میں پہلے بھرے ہوئے پانی کا حجم + گیند کا حجم = V، لیکن

$$= \text{گیند کا حجم} + \frac{1}{3} \times 2\pi r^3$$

$$\therefore \text{گیند کا حجم} = V - \frac{1}{3} \times 2\pi r^3$$

$$= 2\pi r^3 - \frac{2}{3} \pi r^3$$

$$= \frac{6\pi r^3 - 2\pi r^3}{3} = \frac{4\pi r^3}{3}$$

کرے کے حجم کا ضابطہ 'V = \frac{4}{3} \pi r^3' حاصل ہوتا ہے۔

آپ اس ضابطے کا استعمال کر کے شکل 7.3 کے سوال نمبر 3 کا جواب حاصل کر سکتے ہیں۔

حل کردہ مثالیں

مثال (1) : ایک مدور استوانہ نمپانی کی ٹانگی کا نصف قطر 2.8 میٹر اور اونچائی 3.5 میٹر ہے۔ اس ٹانگی میں کتنا لٹر پانی سمائے گا؟ ایک شخص کو روزانہ اوسطاً 70 لٹر پانی درکار ہوتا ہو تو پوری بھری ہوئی ٹانگی کا پانی روزانہ کتنے لوگوں کے لیے کافی ہوگا؟ ($\pi = \frac{22}{7}$)

حل : میٹر 2.8 (r) نصف قطر، میٹر 3.5 (h) اونچائی، $\pi = \frac{22}{7}$

مدور استوانہ شکل کی ٹانگی کا حجم = پانی کی ٹانگی کی گنجائش

$$= \pi r^2 h$$

$$= \frac{22}{7} \times 2.8 \times 2.8 \times 3.5$$

$$= 86.24 \text{ مکعب میٹر}$$

$$= 86.24 \times 1000 \text{ لٹر} \quad (\because 1 \text{ مکعب میٹر} = 1000 \text{ لٹر})$$

$$= 86240.00 \text{ لٹر}$$

اس لیے ٹانگی میں 86240 لٹر پانی سمائے گا۔

ایک شخص کو روزانہ 70 لٹر پانی درکار ہوتا ہے۔

$$\therefore \frac{86240}{70} = 1232 = \text{مکمل بھری ہوئی ٹانگی کا پانی استعمال کرنے والے اشخاص کی تعداد}$$

اس لیے مکمل بھری ہوئی ٹانگی کا پانی 1232 اشخاص کے لیے کافی ہوگا۔

مثال (2) : 30 سم نصف قطر کا ایک ٹھوس کرہ پگھلا کر اس سے 10 سم نصف قطر اور 6 سم اونچائی والے لٹھوس مدور استوانے بنائیں تو بتائیے کتنے استوانے تیار ہوں گے؟

حل : سم 30 r، کرے کا نصف قطر

سم 10 R، مدور استوانے کا نصف قطر

سم 6 H، مدور استوانے کی اونچائی

فرض کریں n استوانے تیار ہوں گے۔

$$\therefore \text{ایک مدور استوانے کا حجم} \times n = \text{کرے کا حجم}$$

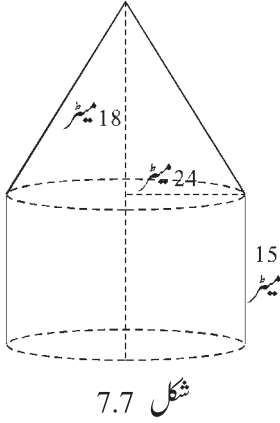
$$\therefore \text{مدور استوانوں کی تعداد} = n = \frac{\text{کرے کا حجم}}{\text{ایک مدور استوانے کا حجم}}$$

$$= \frac{\frac{4}{3} \pi (r)^3}{\pi (R)^2 H}$$

$$= \frac{\frac{4}{3} \times (30)^3}{10^2 \times 6} = \frac{\frac{4}{3} \times 30 \times 30 \times 30}{10 \times 10 \times 6} = 60$$

$\therefore$ کل 60 مدور استوانے تیار ہوں گے۔

مثال (3) : سرکس کے خیمے کا نچلا حصہ مدور استوانہ شکل کا اور اوپری حصہ مخروط شکل کا ہے۔ خیمے کے قاعدے کا قطر 48 میٹر ہے۔ مدور استوانہ نما حصے کی اونچائی 15 میٹر ہے۔ خیمے کی کل بلندی 33 میٹر ہے تو خیمے کے لیے درکار کپڑے کا رقبہ اور خیمے میں موجود ہوا کا حجم معلوم کیجیے۔
حل : خیمے کی کل اونچائی 33 میٹر ہے۔



فرض کریں مدور استوانہ نما حصے کی اونچائی = H، اس لیے میٹر H = 15

$$\therefore \text{مخروطی حصے کی عمودی اونچائی} = h = 33 - 15 = 18 \text{ میٹر}$$

$$\begin{aligned} (l) \text{ مخروط کی مائل بلندی} &= \sqrt{r^2 + h^2} \\ &= \sqrt{24^2 + 18^2} \\ &= \sqrt{576 + 324} \\ &= \sqrt{900} \end{aligned}$$

$$l = 30 \text{ میٹر}$$

مخروطی حصے کی مائل سطح کا رقبہ + مدور استوانے کی خمدار سطح کا رقبہ = سرکس کے خیمے کے لیے درکار کپڑے کا رقبہ

$$\begin{aligned} &= 2\pi rH + \pi rl \\ &= \pi r (2H + l) \\ &= \frac{22}{7} \times 24 (2 \times 15 + 30) \\ &= \frac{22}{7} \times 24 \times 60 \\ &= 4525.71 \text{ مربع سم} \end{aligned}$$

مخروطی حصے کا حجم + مدور استوانہ نما حصے کا حجم = خیمے میں موجود ہوا کا حجم

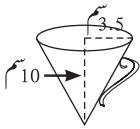
$$\begin{aligned} &= \pi r^2 H + \frac{1}{3} \pi r^2 h \\ &= \pi r^2 \left(H + \frac{1}{3} h \right) \\ &= \frac{22}{7} \times 24^2 \left(15 + \frac{1}{3} \times 18 \right) \\ &= \frac{22}{7} \times 576 \times 21 \\ &= 38,016 \text{ مکعب میٹر} \end{aligned}$$

$\therefore$ خیمے کے لیے لگنے والے کپڑے کا رقبہ = 4525.71 مربع میٹر اور

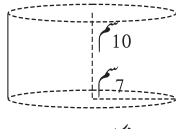
خیمے میں موجود ہوا کا حجم = 38016 مکعب میٹر

مشقی سیٹ 7.1

1. ایک مخروط کے قاعدے کا نصف قطر 1.5 سم اور عمودی بلندی 5 سم ہے۔ تو اس مخروط کا حجم معلوم کیجیے۔
2. 6 سم قطر والے کرے کا حجم معلوم کیجیے۔
3. ایک مدور استوانے کے قاعدے کا نصف قطر 5 سم اور اونچائی 40 سم ہے تو اس کی کل سطح کا رقبہ معلوم کیجیے۔
4. ایک کرہ کا نصف قطر 7 سم ہو تو اس کی خمدار سطح کا رقبہ معلوم کیجیے۔
5. ایک ٹھوس دھاتی مکعب نما کی لمبائی، چوڑائی اور اونچائی بالترتیب 44 سم، 21 سم اور 12 سم ہے اسے پگھلا کر 24 سم بلندی والا ایک مخروط بنایا گیا۔ مخروط کے قاعدے کا نصف قطر معلوم کیجیے۔

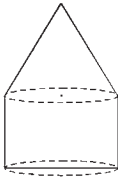


شکل 7.8
مخروطی شکل کا پانی کا جگ



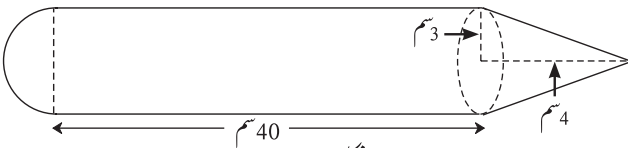
شکل 7.9
استوانہ شکل کا ڈرم

6. شکل 7.8 اور 7.9 میں برتنوں کے پیمائش (ناپ) کا مشاہدہ کیجیے۔ اس کی مدد سے بتائیے کہ مدور استوانہ نما ڈرم بھرنے کے لیے کتنے جگ پانی لگے گا؟



شکل 7.10

7. شکل میں مدور استوانہ اور مخروط کے قاعدے مساوی ہیں۔ مدور استوانے پر مخروط رکھا گیا ہے۔ مدور استوانے کی اونچائی 3 سم ہے۔ قاعدے کا رقبہ 100 مربع سم ہے۔ اگر کل مجسم شکل کا حجم 500 مکعب سم ہو تو اس مجسم شکل کی اونچائی معلوم کیجیے۔

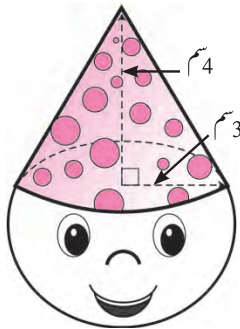


شکل 7.11

8. کھلونے کی ایک تصویر میں دی ہوئی معلومات پر سے نصف کرہ، مدور استوانہ اور مخروط سے تیار ہونے والے کھلونے کی کل سطح کا رقبہ معلوم کیجیے۔

9. شکل 7.12 میں مدور استوانے کی شکل کا قرص رکھنے والا ڈبا ہے۔ ایک قرص کا نصف قطر 7 ملی میٹر اور بلندی 5 ملی میٹر ہو تو اس ڈبے میں کتنی قرص رکھی جاسکتی ہیں؟

10. شکل 7.13 میں بچوں کا ایک کھلونا ہے۔ جو ایک نصف مخروط کی مدد سے تیار کیا گیا ہے۔ شکل میں دکھائی گئی پیمائشوں کی مدد سے کھلونے کا حجم اور خمدار سطح کا رقبہ معلوم کیجیے۔

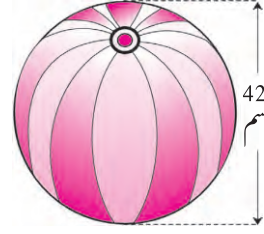


شکل 7.13

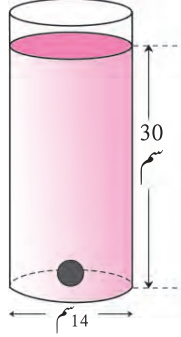


شکل 7.12

11. شکل میں دکھائے گئے بیچ بال (beach ball) کی خمدار سطح کا رقبہ اور حجم معلوم کیجیے۔
12. شکل میں دکھائے ہوئے طریقے کے مطابق ایک مدور استوانہ نما گلاس میں پانی ہے اس میں 2 سم قطر والی ایک دھاتی گولی (شکل کے مطابق) ڈوبی ہوئی ہے۔ تو پانی کا حجم معلوم کیجیے۔



شکل 7.14



شکل 7.15

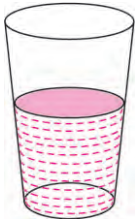
آئیے سمجھ لیں



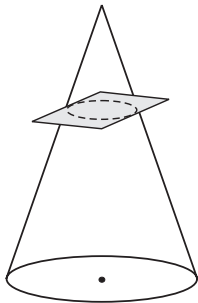
مخروط ناقص (Frustum of the cone)

ہم پانی پینے کے لیے گلاس کا استعمال کرتے ہیں۔

یہ گلاس کی شکل اور ساتھ ہی ساتھ پانی کی شکل بھی ناقص مخروط ہے۔

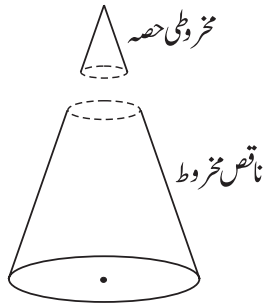


شکل 7.16



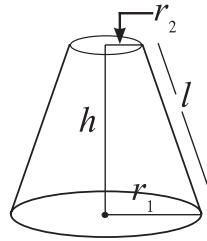
شکل 7.17

مخروط کا ٹٹے وقت



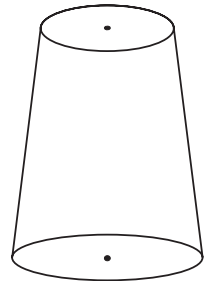
شکل 7.18

مخروط کا ٹٹے کے بعد علیحدہ ہوئے دو حصے



شکل 7.19

مخروط ناقص



شکل 7.20

اوندھا رکھا ہوا گلاس

شکل 7.17 میں ایک مخروط کو اوندھا کر کے دکھایا گیا ہے۔ اس مخروط کو اس کے قاعدے کے متوازی اس طرح قطع کیا گیا ہے کہ اس طرح بننے والے

دو حصوں میں سے ایک حصہ کی شکل مخروط ہے۔ بچے ہوئے دوسرے حصے کو ناقص مخروط (Frustum) کہتے ہیں۔

مخروط کی طرح ہی ناقص مخروط کی خمدار سطح کا رقبہ اور حجم معلوم کیا جاتا ہے۔ اس کے لیے ہم درج ذیل ضابطوں کا استعمال کریں گے۔

اسے ذہن نشین کر لیں



ناقص مخروط کی مائل بلندی l ، ناقص مخروط کی بلندی h

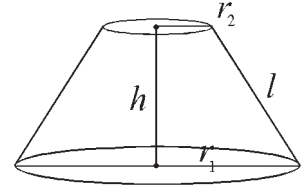
یہاں، ناقص مخروط کے دائروں کے نصف قطر r_1 اور r_2 ہیں اور $r_1 > r_2$

$$\text{ناقص مخروط کی مائل بلندی} = l = \sqrt{h^2 + (r_1 - r_2)^2}$$

$$\text{ناقص مخروط کی خداری سطح کا رقبہ} = \pi l (r_1 + r_2)$$

$$\text{ناقص مخروط کی کل سطح کا رقبہ} = \pi l (r_1 + r_2) + \pi r_1^2 + \pi r_2^2$$

$$\text{ناقص مخروط کا حجم} = \frac{1}{3} \pi h (r_1^2 + r_2^2 + r_1 \times r_2)$$

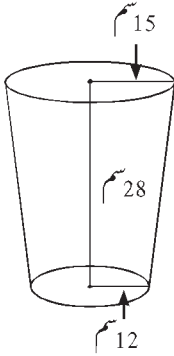


شکل 7.21

حل کردہ مثالیں

مثال (1) : ایک ناقص مخروط شکل کی بالٹی کی اونچائی 28 سم ہے۔ اس بالٹی کے دونوں سرے کے دائروں کے نصف قطر 12 سم اور 15 سم ہیں تو بالٹی میں کتنے لٹر پانی سمائے گا؟ ($\pi = \frac{22}{7}$)

حل : بالٹی کے دونوں سروں کے دائروں کے نصف قطر $r_1 = 15$ سم، $r_2 = 12$ سم، بالٹی کی بلندی $h = 28$ سم



شکل 7.22

ناقص مخروط کا حجم = بالٹی کی گنجائش

$$= \frac{1}{3} \pi h (r_1^2 + r_2^2 + r_1 \times r_2)$$

$$= \frac{1}{3} \times \frac{22}{7} \times 28 (15^2 + 12^2 + 15 \times 12)$$

$$= \frac{22 \times 4}{3} \times (225 + 144 + 180)$$

$$= \frac{22 \times 4}{3} \times 549$$

$$= 88 \times 183$$

$$= 16104 \text{ سم مکعب} = 16.104 \text{ لٹر}$$

بالٹی میں 16.104 لٹر پانی سمائے گا۔

مثال (2) : ناقص مخروط کے دائروں کے نصف قطر 14 سم اور 8 سم ہیں۔ اگر ناقص مخروط کی بلندی 8 سم ہو تو درج ذیل قیمتیں معلوم کیجیے۔

($\pi = 3.14$)

(i) ناقص مخروط کی خداری سطح کا رقبہ (ii) ناقص مخروط کی کل سطح کا رقبہ (iii) ناقص مخروط کا حجم

حل : یہاں $r_1 = 14$ سم، $r_2 = 8$ سم، بلندی $h = 8$ سم

$$\text{ناقص مخروط کی مائل بلندی} , l = \sqrt{h^2 + (r_1 - r_2)^2}$$

$$l = \sqrt{8^2 + (14 - 8)^2}$$

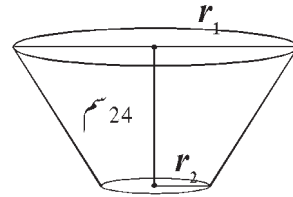
$$l = \sqrt{64 + 36} = 10 \text{ سم}$$

$$\begin{aligned}
\text{ناقص مخروط کی خمدار سطح کا رقبہ} &= \pi (r_1 + r_2) l \\
&= 3.14 \times (14 + 8) \times 10 \\
&= 690 \text{ مربع سم} \\
\text{ناقص مخروط کی کل سطح کا رقبہ} &= \pi l(r_1 + r_2) + \pi r_1^2 + \pi r_2^2 \\
&= 3.14 \times 10(14 + 8) + 3.14 \times 14^2 + 3.14 \times 8^2 \\
&= 690.8 + 615.44 + 200.96 \\
&= 690.8 + 816.4 \\
&= 1507.2 \text{ مربع سم} \\
\text{ناقص مخروط کا حجم} &= \frac{1}{3} \pi h(r_1^2 + r_2^2 + r_1 \times r_2) \\
&= \frac{1}{3} \times 3.14 \times 8(14^2 + 8^2 + 14 \times 8) \\
&= 3114.88 \text{ مکعب سم}
\end{aligned}$$

مشقی سیٹ 7.2

1. ناقص مخروط شکل والی پانی کی بالٹی کی بلندی 30 سم اور دونوں دائروں حصوں کے نصف قطر 14 سم اور 7 سم ہیں۔ بالٹی میں کتنے لٹر پانی سمائے گا؟ (مکعب سم 1000 = 1 لٹر)
2. ایک ناقص مخروط کے دائروں حصوں کا نصف قطر 14 سم اور 6 سم ہے۔ اس کی بلندی 6 سم ہے۔ درج ذیل قیمتیں معلوم کیجیے۔
(i) ناقص مخروط کی خمدار سطح کا رقبہ (ii) ناقص مخروط کی کل سطح کا رقبہ (iii) ناقص مخروط کا حجم
3. شکل 7.23 میں ایک ناقص مخروط کے دائروں حصوں کے محیط بالترتیب 132 سم اور 88 سم ہیں۔ اس کی بلندی 24 سم ہے تو اس ناقص مخروط کی خمدار سطح کا رقبہ معلوم کرنے کے لیے درج ذیل عملی کام مکمل کیجیے۔ ($\pi = \frac{22}{7}$)

$$\begin{aligned}
\text{محیط}_1 &= 2\pi r_1 = 132 \\
r_1 &= \frac{132}{2\pi} = \boxed{} \text{ سم} \\
\text{محیط}_2 &= 2\pi r_2 = 88 \\
r_2 &= \frac{88}{2\pi} = \boxed{} \text{ سم}
\end{aligned}$$



شکل 7.23

$$\begin{aligned}
\text{ناقص مخروط کی مائل بلندی } l &= \sqrt{h^2 + (r_1 - r_2)^2} \\
l &= \sqrt{\boxed{}^2 + \boxed{}^2} \\
l &= \boxed{} \text{ سم}
\end{aligned}$$

$$\text{ناقص مخروط کی خداسطح کا رقبہ} = \pi(r_1 + r_2)l$$

$$= \pi \times \boxed{} \times \boxed{}$$

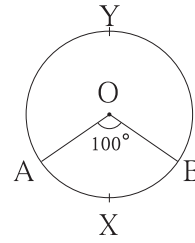
$$= \boxed{} \text{ مربع سم}$$

آئیے ذرا یاد کریں



متصلہ شکل 7.24 کی مدد سے جدول مکمل کیجیے۔

قوس کی قسم	قوس کا نام	قوس کی پیمائش
اصغر قوس	قوس AXB	
.....	قوس AYB	

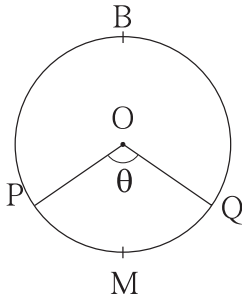


شکل 7.24

آئیے سمجھ لیں



دائرے کا تراشہ (Sector of a circle)



شکل 7.25

شکل میں مرکزی زاویے کی وجہ سے دائروں کے علاقہ دو حصوں میں تقسیم ہو گیا ہے۔ ہر حصہ کو دائرے کا تراشہ کہتے ہیں۔

”دائرے کے دو نصف قطر اور اس کے سروں کو ملانے والے دائرے کے قوس کے ذریعے بننے والے حصے کو دائرے کا تراشہ کہتے ہیں۔“

شکل میں O – PMQ اور O – PBQ یہ دونوں ایک دائرے کے تراشے ہیں۔

اصغر تراشہ (Minor sector) :

دو نصف قطر اور ان سے متعلقہ اصغر قوس کے ذریعے بننے والے تراشے کو اصغر تراشہ کہتے ہیں۔

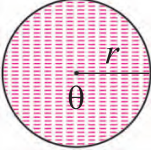
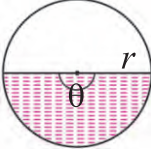
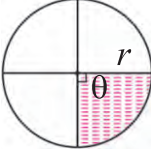
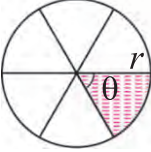
شکل میں O – PMQ اصغر تراشہ ہے۔

اکبر تراشہ (Major sector) :

دو نصف قطر اور ان سے متعلقہ اکبر قوس کے ذریعے بننے والا تراشہ، اکبر تراشہ کہلاتا ہے۔ شکل میں O – PBQ اکبر تراشہ ہے۔

دائرے کے تراشے کا رقبہ (Area of a sector)

درج ذیل شکل میں دکھائے ہوئے طریقے کے مطابق مساوی نصف قطر والے دائروں کے نشان زدہ حصوں کے رقبوں کا مشاہدہ کیجیے اور درج ذیل جدول مکمل کیجیے۔

$\theta = 360^\circ$  $A_1 = \pi r^2$	$\theta = 180^\circ$  $A_2 = \frac{1}{2} \pi r^2$	$\theta = 90^\circ$  $A_3 = \frac{1}{4} \pi r^2$	$\theta = 60^\circ$  $A_4 = \frac{1}{6} \pi r^2$
--	--	---	---

شکل 7.26

مکمل زاویہ = 360° = دائرے کے مرکزی زاویے کی پیمائش

دائرے کا مرکزی زاویہ = 360°		دائرے کا رقبہ = πr^2	
دائرے کا تراشہ	دائرے کے تراشے کے قوس کی پیمائش	$\frac{\theta}{360}$	دائرے کے تراشے کا رقبہ A
A_1	360°	$\frac{360}{360} = 1$	$1 \times \pi r^2$
A_2	180°	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2} \times \pi r^2$
A_3	90°	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{4} \times \pi r^2$
A_4	60°		
A	θ	$\frac{\theta}{360}$	$\frac{\theta}{360} \times \pi r^2$

جدول کی مدد سے سمجھ میں آتا ہے کہ دائرے کے رقبے کو $\frac{\theta}{360}$ سے ضرب کرنے پر θ پیمائش والے قوس سے متعلقہ تراشے کا رقبہ حاصل ہوتا ہے۔ یہ ضابطہ درج ذیل طریقے سے لکھا جاسکتا ہے۔

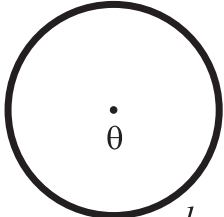
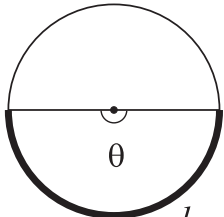
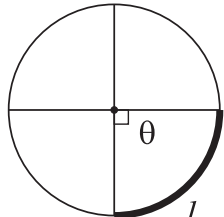
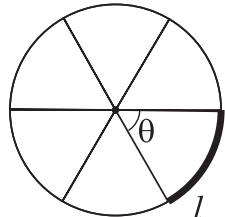
$$(A) = \frac{\theta}{360} \times \pi r^2$$

$$\frac{A}{\pi r^2} = \frac{\theta}{360} \quad \dots \text{(اس ضابطے کی بنیاد پر)}$$

$$\text{یعنی } \frac{\text{دائرے کے تراشے کا رقبہ}}{\text{دائرے کا رقبہ}} = \frac{\theta}{360}$$

قوس کی لمبائی (Length of an arc)

درج ذیل میں دکھائے ہوئے طریقے کے مطابق مساوی نصف قطر والے دائروں کے واضح نمایاں کیے ہوئے قوس کی لمبائی کا مشاہدہ کیجیے اور درج ذیل جدول مکمل کیجیے۔

$\theta = 360^\circ$  $l_1 = 2\pi r$	$\theta = 180^\circ$  $l_2 = \frac{1}{2} \times 2\pi r$	$\theta = 90^\circ$  $l_3 = \frac{1}{4} \times 2\pi r$	$\theta = 60^\circ$  $l_4 = \frac{1}{6} \times 2\pi r$
---	--	--	---

شکل 7.27

دائرے کے قوس کی لمبائی	دائرے کے قوس کی پیمائش (θ)	$\frac{\theta}{360}$	دائرے کے قوس کی لمبائی (l)
l_1	360°	$\frac{360}{360} = 1$	$1 \times 2\pi r$
l_2	180°	$\frac{180}{360} = \frac{1}{2}$	$\frac{1}{2} \times 2\pi r$
l_3	90°	$\frac{90}{360} = \frac{1}{4}$	$\frac{1}{4} \times 2\pi r$
l_4	60°		
l	θ	$\frac{\theta}{360}$	$\frac{\theta}{360} \times 2\pi r$

مندرجہ بالا تواتر کی بنا پر یہ سمجھ میں آتا ہے کہ جب محیط کو $\frac{\theta}{360}$ سے ضرب کرتے ہیں تو θ پیمائش والے دائرے کے قوس کی لمبائی حاصل ہوتی ہے۔ اسے ضابطے کی شکل میں مندرجہ ذیل کے مطابق لکھتے ہیں۔

$$(l) = \frac{\theta}{360} \times 2\pi r$$

$$\therefore \frac{l}{2\pi r} = \frac{\theta}{360}$$

اس ضابطے کی بنا پر،

$$\frac{\text{دائرے کے قوس کی لمبائی}}{\text{محیط}} = \frac{\theta}{360}$$

دائرے کے قوس کی لمبائی اور دائرے کے تراشے کے رقبے کے درمیان تعلق۔

$$(A) = \frac{\theta}{360} \times \pi r^2 \quad \dots (I)$$

$$(l) = \frac{\theta}{360} \times 2\pi r$$

$$\therefore \frac{\theta}{360} = \frac{l}{2\pi r} \quad \dots (II)$$

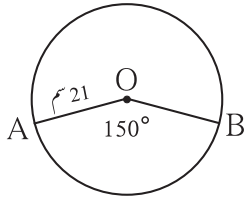
$$A = \frac{l}{2\pi r} \times \pi r^2 \quad \dots (I \text{ اور } II \text{ سے})$$

$$A = \frac{1}{2} l r = \frac{l r}{2}$$

$$\therefore \text{دائرے کے تراشے کا رقبہ} = \frac{\text{نصف قطر} \times \text{دائرے کے قوس کی لمبائی}}{2}$$

$$\text{اسی طرح}, \frac{A}{\pi r^2} = \frac{l}{2\pi r} = \frac{\theta}{360}$$

حل کردہ مثالیں



شکل 7.28

مثال (1) : 21 سم نصف قطر والے دائرے کے تراشے کے قوس کی پیمائش 150° ہے۔

دائرے کے تراشے کا رقبہ اور نظیری قوس کی لمبائی معلوم کیجیے۔

$$\text{حل : یہاں، سم } r = 21, \theta = 150^\circ, \pi = \frac{22}{7}$$

$$(A) = \frac{\theta}{360} \times \pi r^2$$

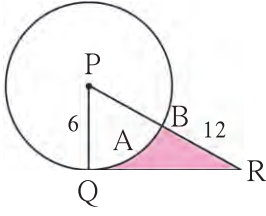
$$= \frac{150}{360} \times \frac{22}{7} \times 21 \times 21$$

$$= \frac{1155}{2} \text{ مربع سم} = 577.5 \text{ مربع سم}$$

$$= l = \frac{\theta}{360} \times 2\pi r$$

$$= \frac{150}{360} \times 2 \times \frac{22}{7} \times 21$$

$$= 55 \text{ سم}$$



شکل 7.29

مثال (2) : شکل میں دائرے کا مرکز P اور دائرے کا نصف قطر 6 سم ہے۔ قطعہ QR دائرے کا

مماس ہے۔ سم $PR = 12$ ہو تو نشان زدہ حصے کا رقبہ معلوم کیجیے۔ ($\sqrt{3} = 1.73$)

حل : دائرے کے مماس کے تماسی نقطے سے کھینچا گیا نصف قطر مماس پر عمود ہوتا ہے۔

اس لیے $\triangle PQR$ میں،

$$\angle PQR = 90^\circ, PQ = 6 \text{ سم}, PR = 12 \text{ سم}, \therefore PQ = \frac{PR}{2}$$

اگر قائمہ الزاویہ مثلث کا ایک ضلع، وتر کا نصف ہو تو اس ضلع کے مقابل کے زاویے کی پیمائش 30° ہوتی ہے۔

$$\therefore \angle R = 30^\circ \text{ اور } \angle P = 60^\circ$$

$30^\circ - 60^\circ - 90^\circ$ مسئلے کی رُو سے،

$$QR = \frac{\sqrt{3}}{2} \times PR = \frac{\sqrt{3}}{2} \times 12 = 6\sqrt{3}$$

$$QR = 6\sqrt{3} \text{ سم}$$

$$\therefore A(\triangle PQR) = \frac{1}{2} QR \times PQ$$

$$= \frac{1}{2} \times 6\sqrt{3} \times 6$$

$$= 18\sqrt{3} = 18 \times 1.73$$

$$= 31.14 \text{ مربع سم}$$

$$\text{دائرے کے تراشے کا رقبہ} = \frac{\theta}{360} \times \pi r^2$$

$$\therefore A(P-QAB) = \frac{60}{360} \times 3.14 \times 6^2$$

$$= \frac{1}{6} \times 3.14 \times 6 \times 6 = 3.14 \times 6$$

$$= 18.84 \text{ مربع سم}$$

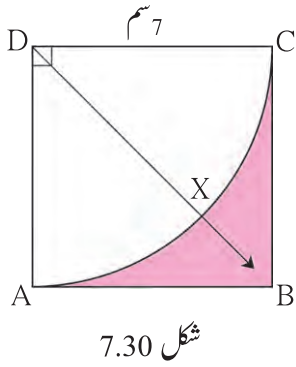
$$\text{نشان زدہ حصے کا رقبہ} = A(\triangle PQR) - A(P-QAB)$$

$$= 31.14 - 18.84$$

$$= 12.30 \text{ مربع سم}$$

$$\text{نشان زدہ حصے کا رقبہ} = 12.30 \text{ مربع سم}$$

عملی کام :



دی ہوئی شکل میں، مربع ABCD کا ہر ضلع 7 سم ہے۔ نقطہ D کو مرکز مان کر DA نصف قطر کا تراشہ D - AXC بنایا گیا ہے۔ تو نشان زدہ علاقے کا رقبہ معلوم کرنے کے لیے خالی چوکون مکمل کر کے مثال حل کیجیے۔

حل : (ضابطہ) ... = مربع کا رقبہ

$$=$$

$$= 49 \text{ سم}^2$$

(ضابطہ) ... تراشے (D - AXC) کا رقبہ =

$$= \frac{\square}{360} \times \frac{22}{7} \times \square$$

$$= 38.5 \text{ سم}^2$$

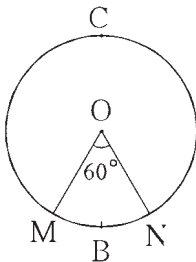
نشان زدہ علاقے کا رقبہ = مربع کا رقبہ - مربع کا رقبہ

$$= \square \text{ سم}^2 - \square \text{ سم}^2$$

$$= \square \text{ سم}^2$$

مشقی سیٹ 7.3

1. دائرے کا نصف قطر 10 سم ہے۔ قوس کی پیمائش 54° ہو تو اس قوس سے بننے والے تراشہ کا رقبہ معلوم کیجیے۔ ($\pi = 3.14$)
2. ایک دائرے کے قوس کی پیمائش 80° اور نصف قطر 18 سم ہے۔ اس قوس کی لمبائی معلوم کیجیے۔ ($\pi = 3.14$)
3. دائرے کا نصف قطر 3.5 سم اور قوس کی لمبائی 2.2 سم ہو تو تراشے کا رقبہ معلوم کیجیے۔
4. ایک دائرے کا نصف قطر 10 سم ہے۔ تراشے کا رقبہ 100 مربع سم ہو تو اس کے متعلقہ اکبر تراشہ کا رقبہ معلوم کیجیے۔ ($\pi = 3.14$)
5. 15 سم نصف قطر والے دائرے کے ایک تراشے کا رقبہ 30 مربع سم ہے۔ اس کے متعلقہ قوس کی لمبائی معلوم کیجیے۔
6. مقابل کی شکل میں، دائرے کا نصف قطر 7 سم ہے۔



شکل 7.31

$$m(\text{قوس MBN}) = 60^\circ \text{ اور}$$

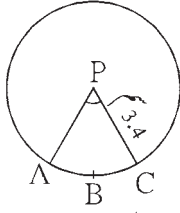
ہو تو (1) دائرے کا رقبہ معلوم کیجیے۔

(2) A(O - MBN) معلوم کیجیے۔

(3) A(O - MCN) معلوم کیجیے۔

7. 3.4 سم نصف قطر کے تراشے کا محیط 12.8 سم ہے۔ تو

تراشے کا رقبہ معلوم کیجیے۔



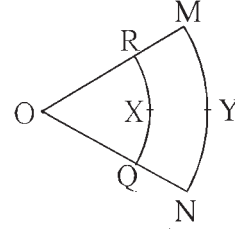
شکل 7.32

8. شکل 7.33 میں، نقطہ 'O' تراشے کا مرکز ہے۔

$OR = 7$ سم، $\angle ROQ = \angle MON = 60^\circ$

سم $OM = 21$ ہو تو قوس RXQ اور قوس MYN کی قیمت

معلوم کیجیے۔ ($\pi = \frac{22}{7}$)



شکل 7.33

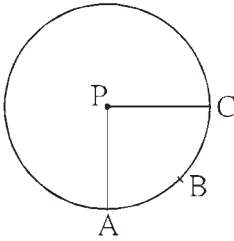
9. شکل 7.34 میں، مربع سم $A(P - ABC) = 154$ ، دائرے کا نصف قطر 14 سم ہو تو

(i) $\angle APC$ کی پیمائش معلوم کیجیے۔

(ii) قوس ABC کی لمبائی معلوم کیجیے۔

10. دائرے کا نصف قطر 7 سم ہے۔ اگر تراشوں کے قوسین کی پیمائشیں ذیل کے مطابق ہوں تو ان

تراشوں کا رقبہ معلوم کیجیے۔



شکل 7.34

(i) 30°

(ii) 210°

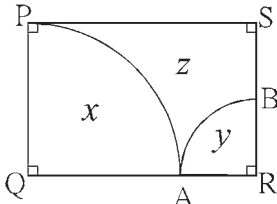
(iii) قائمہ زاویہ 3

11. اصغر تراشے کا رقبہ 3.85 مربع سم اور نظیری مرکزی زاویہ کی پیمائش 36° ہو تو اس دائرے کا نصف قطر معلوم کیجیے۔

12. شکل 7.35 میں $\square PQRS$ ایک مستطیل ہے۔

سم $PQ = 14$ ، سم $QR = 21$ ہو تو شکل میں x ، y اور z میں سے ہر

ایک کا رقبہ معلوم کیجیے۔



شکل 7.35

13. $\triangle LMN$ متساوی الاضلاع مثلث ہے۔

سم $LM = 14$ ، مثلث کے ہر اس کو مرکز مان کر 7 سم نصف قطر لے کر شکل

کے مطابق تین تراشے بنائے گئے ہیں۔

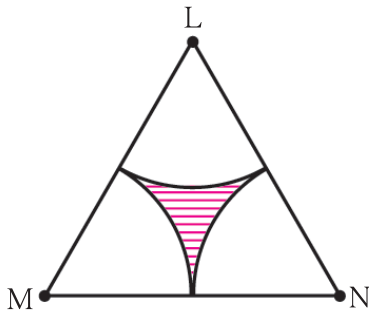
اس معلومات کی بنا پر،

(1) $A(\triangle LMN) = ?$

(2) ایک تراشے کا رقبہ معلوم کیجیے۔

(3) تینوں تراشوں کا کل رقبہ معلوم کیجیے۔

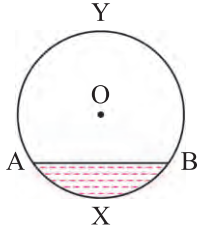
(4) نشان زدہ علاقے کا رقبہ معلوم کیجیے۔



شکل 7.36



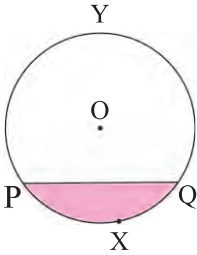
دائرے کا قطعہ دائرہ (Segment of a circle)



شکل 7.37

قطعہ دائرہ یعنی، وتر اور قوس سے گھرا ہوا علاقہ
 اصغر قطعہ دائرہ : وتر اور اصغر قوس سے گھرا ہوا علاقہ اصغر قطعہ دائرہ کہلاتا ہے۔ شکل میں قطعہ دائرہ
 AXB، اصغر قطعہ دائرہ ہے۔
 اکبر قطعہ دائرہ : وتر اور اکبر قوس سے گھرا علاقہ، اکبر قطعہ دائرہ کہلاتا ہے۔ شکل میں قطعہ دائرہ AYB،
 اکبر قطعہ دائرہ ہے۔

نصف قطعہ دائرہ : قطر سے بنے قطعہ دائرے کو نصف قطعہ دائرہ کہتے ہیں۔

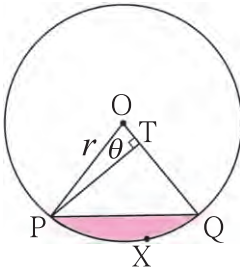


شکل 7.38

قطعہ دائرہ کا رقبہ (Area of a segment)

شکل میں PXQ، اصغر قطعہ دائرہ ہے۔

اور PYQ، اکبر قطعہ دائرہ ہے۔



شکل 7.39

اصغر قطعہ دائرہ کا رقبہ کیسے معلوم کریں؟

مرکز 'O' سے دائرے میں OP اور OQ دونوں قطر کھینچیے۔

یہاں $\angle POQ = \theta$ ہے۔ آپ تراشے O-PXQ کا رقبہ معلوم کر سکتے ہیں۔ اُسی طرح $\triangle OPQ$ کا رقبہ بھی معلوم کر سکتے ہیں۔ تراشے کے رقبے میں سے مثلث کا رقبہ تفریق کرنے پر

اصغر قطعہ دائرے کا رقبہ حاصل ہوتا ہے۔

$\triangle OPQ$ کا رقبہ - تراشے (O - PXQ) کا رقبہ = اصغر قطعہ دائرہ PXQ کا رقبہ

$$= \frac{\theta}{360} \times \pi r^2 - \triangle OPQ \text{ کا رقبہ} \quad \dots (I)$$

شکل میں $\triangle OPQ$ میں، قطعہ PT، ضلع OQ پر کھینچا ہوا عمود ہے۔

قائمہ الزاویہ $\triangle OTP$ میں،

$$\sin \theta = \frac{PT}{OP}$$

$$\therefore PT = OP \times \sin \theta$$

$$PT = r \sin \theta \quad \dots (\because OP = r)$$

$$\Delta OPQ \text{ کا رقبہ} = \frac{1}{2} \times \text{قاعدہ} \times \text{ارتفاع}$$

$$= \frac{1}{2} \times OQ \times PT$$

$$= \frac{1}{2} \times r \times r \sin \theta$$

$$= \frac{1}{2} \times r^2 \sin \theta \quad \dots (ii)$$

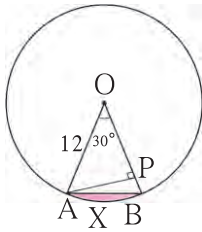
بیان (I) اور (II) کی رؤ سے،

$$\text{قطعہ دائرہ PXQ کا رقبہ} = \frac{\theta}{360} \times \pi r^2 - \frac{1}{2} r^2 \sin \theta$$

$$= r^2 \left[\frac{\pi \theta}{360} - \frac{\sin \theta}{2} \right]$$

(ہم نے حادہ زاویوں کے sine مثلثاتی نسبتوں کا مطالعہ کیا ہے اس لیے θ کی پیمائش 90° یا اس سے کم ہو تو اس ضابطہ کو آسانی سے استعمال کر سکتے ہیں۔ اسے ذہن نشین کر لیجیے۔

حل کردہ مثالیں



مثال (1) : شکل 7.40 میں $\angle AOB = 30^\circ$ ، سم $OA = 12$

ہو تو اصغر قطعہ دائرے کا رقبہ معلوم کیجیے۔ ($\pi = 3.14$)

طریقہ (I)

$$\begin{aligned} A(\Delta OAB) &= \frac{1}{2} r^2 \times \sin \theta \\ &= \frac{1}{2} \times 12^2 \times \sin 30 \\ &= \frac{1}{2} \times 144 \times \frac{1}{2} \\ &\dots (\because \sin 30 = \frac{1}{2}) \\ &= 36 \text{ مربع سم} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} r &= 12 \text{ سم}, \theta = 30^\circ, \pi = 3.14 \\ \text{تراشہ O-AXB کا رقبہ} &= \frac{\theta}{360} \times \pi r^2 \\ &= \frac{30}{360} \times 3.14 \times 12^2 \\ &= 3.14 \times 2 \\ &= 37.68 \text{ مربع سم} \end{aligned}$$

$$A(\Delta OAB) - \text{تراشہ (O-AXB) کا رقبہ} = \text{قطعہ دائرہ AXB کا رقبہ}$$

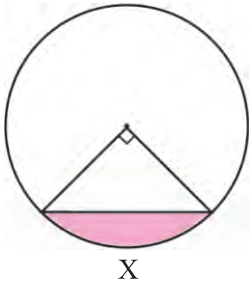
$$= 37.68 - 36 = 1.68 \text{ مربع سم}$$

$$\begin{aligned}
 \text{قطعہ دائرے AXB کا رقبہ} &= r^2 \left[\frac{\pi \theta}{360} - \frac{\sin \theta}{2} \right] \\
 &= 12^2 \left[\frac{3.14 \times 30}{360} - \frac{\sin 30}{2} \right] \\
 &= 144 \left[\frac{3.14}{12} - \frac{1}{2 \times 2} \right] \\
 &= \frac{144}{4} \left[\frac{3.14}{3} - 1 \right] \\
 &= 36 \left[\frac{3.14 - 3}{3} \right] \\
 &= \frac{36}{3} \times 0.14 = 12 \times 0.14
 \end{aligned}$$

$$\text{مربع سم} = 1.68 \text{ قطعہ دائرے AXB کا رقبہ}$$

مثال (2) : 'P' مرکز والے دائرے کا نصف قطر 10 سم ہے۔ وتر AB، دائرے کے مرکز پر قائمہ زاویہ بناتا ہو تو اصغر قطعہ دائرے اور اکبر قطعہ دائرے کے رقبے معلوم کیجیے۔ ($\pi = 3.14$)

حل : سم $r = 10$ ، $\theta = 90^\circ$ ، $\pi = 3.14$



شکل 7.41

$$\begin{aligned}
 \text{تراشے کا رقبہ} &= \frac{\theta}{360} \times \pi r^2 \\
 &= \frac{90}{360} \times 3.14 \times 10^2 \\
 &= \frac{1}{4} \times 314 \\
 &= 78.5 \text{ مربع سم}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 A(\Delta APB) &= \frac{1}{2} \times \text{قاعدہ} \times \text{ارتفاع} \\
 &= \frac{1}{2} \times 10 \times 10 \\
 &= 50 \text{ مربع سم}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 \text{مثلاً کا رقبہ} - \text{تراشے کا رقبہ} &= \text{اصغر قطعہ دائرے کا رقبہ} \\
 &= 78.5 - 50
 \end{aligned}$$

$$= 28.5 \text{ مربع سم}$$

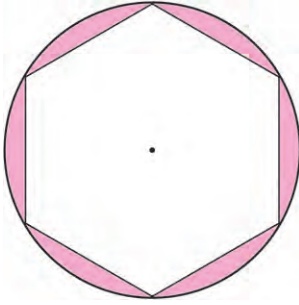
$$\text{اصغر قطعہ دائرے کا رقبہ} - \text{دائرہ کا رقبہ} = \text{اکبر قطعہ دائرے کا رقبہ}$$

$$= 3.14 \times 10^2 - 28.5$$

$$= 314 - 28.5$$

$$= 285.5 \text{ مربع سم}$$

مثال (3) : ایک دائرے کا نصف قطر 14 سم ہے۔ اُس میں ایک منتظم مسدس حائط ہے۔ منتظم مسدس کے بیرونی اور دائرے کے اندرونی علاقے کے درمیان کا رقبہ معلوم کیجیے۔ ($\pi = \frac{22}{7}$, $\sqrt{3} = 1.732$)



شکل 7.42

حل : منتظم مسدس کے حائط دائرے کا نصف قطر = منتظم مسدس کا ضلع

$$\therefore \text{منتظم مسدس کا ضلع} = 14 \text{ سم}$$

$$\text{منتظم مسدس کا رقبہ} = 6 \times \frac{\sqrt{3}}{4} \times (\text{ضلع})^2$$

$$= 6 \times \frac{\sqrt{3}}{4} \times 14^2$$

$$= 509.21 \text{ مربع سم}$$

$$\text{دائرے کا رقبہ} = \pi r^2$$

$$= \frac{22}{7} \times 14 \times 14$$

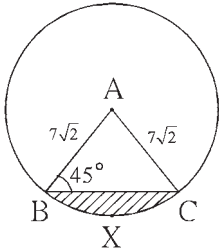
$$= 616 \text{ مربع سم}$$

منتظم مسدس کا رقبہ - دائرے کا رقبہ = منتظم مسدس کے بیرونی اور دائرے کے اندرونی علاقے کے درمیان کا رقبہ (خط کشیدہ علاقے کا رقبہ)

$$= 616 - 509.21$$

$$= 106.79 \text{ مربع سم}$$

مشقی سیٹ 7.4

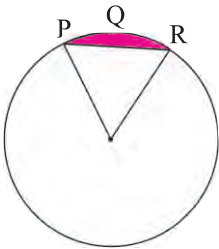


شکل 7.43

1. شکل 7.43 میں، 'A' مرکز والے دائرے میں،

$\angle ABC = 45^\circ$ ، سم $AC = 7\sqrt{2}$ ہو تو قطعہ دائرہ BXC کا رقبہ معلوم

کیجیے۔ ($\pi = 3.14$, $\sqrt{2} = 1.41$)

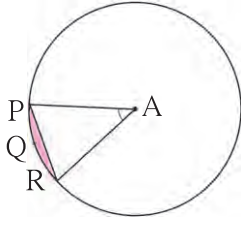


شکل 7.44

2. شکل 7.44 میں دائرے کا مرکز 'O' ہے۔ $m(\text{قوس } PQR) = 60^\circ$ ،

سم $OP = 10$ ہو تو نشان زدہ علاقے کا رقبہ معلوم کیجیے۔

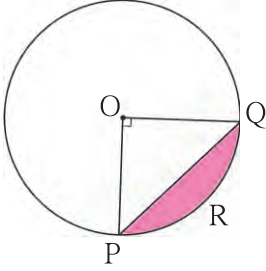
($\pi = 3.14$, $\sqrt{3} = 1.73$)



شکل 7.45

3. 'A' مرکز والے دائرے میں، $\angle PAR = 30^\circ$ اور سم $AP = 7.5$ ہو تو

قطعہ دائرہ PQR کا رقبہ معلوم کیجیے۔ ($\pi = 3.14$)



شکل 7.46

4. متصلہ شکل میں دائرے کا مرکز 'O' اور اس کا وتر PQ ہے۔ $\angle POQ = 90^\circ$

اور نشان زدہ علاقہ کا رقبہ 114 مربع سم ہے تو دائرے کا نصف قطر معلوم کیجیے۔

($\pi = 3.14$)

5. 15 سم نصف قطر والے دائرے کا وتر PQ، مرکز پر 60° کا زاویہ بناتا ہے۔ اس وتر کی وجہ سے بننے والے اصغر قطعہ دائرے اور اکبر قطعہ

دائرے کا رقبہ معلوم کیجیے۔ ($\pi = 3.14$, $\sqrt{3} = 1.73$)

مجموعہ سوالات 7

1. درج ذیل سوالوں کے متبادلات میں سے صحیح جواب کا انتخاب کیجیے۔

(1) اگر ایک دائرے کے محیط اور دائرے کے رقبے میں 2 : 7 کی نسبت ہو تو دائرے کا محیط کتنا ہوگا؟

- (A) 14π (B) $\frac{7}{\pi}$ (C) 7π (D) $\frac{14}{\pi}$

(2) 44 سم لمبائی کے قوس کی پیمائش 160° ہو تو، اس دائرے کا محیط کتنا ہوگا؟

- (A) 66 سم (B) 44 سم (C) 160 سم (D) 99 سم

(3) قوس کی پیمائش 90° اور نصف قطر 7 سم ہو تو تراشے کا احاطہ معلوم کیجیے۔

- (A) 44 سم (B) 25 سم (C) 36 سم (D) 56 سم

(4) مخروط کے قاعدے کا نصف قطر 7 سم اور اونچائی 24 سم ہو تو مخروط کی خماری کا رقبہ معلوم کیجیے۔

- (A) 440 مربع سم (B) 550 مربع سم (C) 330 مربع سم (D) 110 مربع سم

(5) مدور استوانہ کی خماری کا رقبہ 440 مربع سم اور نصف قطر 5 سم ہو تو اس کی اونچائی کتنی سینٹی میٹر ہوگی؟

- (A) $\frac{44}{\pi}$ (B) 22π (C) 14π (D) $\frac{22}{\pi}$

(6) ایک مخروط پگھلا کر اس کے قاعدے کے نصف قطر کے مساوی نصف قطر والا مدور استوانہ بنایا گیا۔ اگر استوانے کی بلندی 5 سم ہو تو مخروط کی

بلندی کتنی ہوگی؟

- (A) 15 سم (B) 10 سم (C) 18 سم (D) 5 سم

(7) 0.01 سم ضلع کے مکعب کا حجم کتنا مکعب سم ہے؟

- (A) 1 (B) 0.001 (C) 0.0001 (D) 0.000001

(8) ایک مکعب میٹر حجم والے مکعب کے ضلع کی لمبائی کتنی ہوگی؟

- (A) 1 سم (B) 10 سم (C) 100 سم (D) 1000 سم

2. ایک مخروط ناقص شکل کے کپڑے دھونے کے ٹب (ناند) کی اونچائی 21 سم ہے۔ ٹب کے دونوں دائروں حصوں کے نصف قطر 20

سم اور 15 سم ہیں۔ بتائیے ٹب میں کتنے لیٹر پانی سمائے گا؟ ($\pi = \frac{22}{7}$)

3. پلاسٹک کے 1 سم نصف قطر کی گولیاں پگھلا کر، استوانہ نمائی تیار کی گئی۔ نلی کی موٹائی 2 سم، اونچائی 90 سم اور بیرونی نصف قطر

30 سم ہو تو، اس نلی کو بنانے کے لیے کتنے گولیاں پگھلائی گئی ہوں گی؟

4. لمبائی 16 سم، چوڑائی 11 سم اور اونچائی 10 سم کے دھاتی مکعب نما (مستطیلی منشور) سے، 2 ملی میٹر موٹائی اور 2 سم قطر کے

سکے بنائے گئے ہوں تو بتائیے کل کتنے سکے بنائے جاسکتے ہیں؟

5. ایک رولر (متحرکہ دھمس) کا قطر 120 سم اور لمبائی 84 سم ہے۔ ایک میدان ایک مرتبہ ہموار بنانے کے لیے رولر 200

گردشیں مکمل کرتا ہے۔ 10 روپے فی مربع میٹر کے حساب سے میدان ہموار کرنے کا کل خرچ کتنا ہوگا؟

6. ایک کھوکھلے دھاتی کرے کا قطر 12 سم اور موٹائی 0.01 میٹر ہے۔ اس کرے کے بیرونی سطح کا رقبہ معلوم کیجیے اور جب کہ دھات کی

کثافت 8.88 گرام فی مکعب میٹر ہو تو اس کرے کی کمیت معلوم کیجیے۔

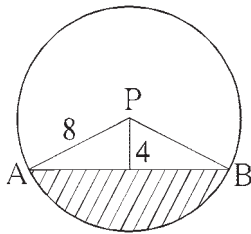
7. ایک مدور استوانہ نمائے کے قاعدے کا قطر 28 سم اور اونچائی 20 سم ہے۔ یہ بالٹی ریت سے مکمل بھری ہوئی ہے۔ اس بالٹی کی ریت

زمین پر اس انداز میں انڈیل دی گئی کہ ریت کا مخروط بن گیا۔ ریت کے مخروط کی اونچائی 14 سم ہو تو اس مخروط کے قاعدے کا رقبہ معلوم

کیجیے۔

8. ایک دھاتی کرے کا نصف قطر 9 سم ہے۔ اس کرے کو پگھلا کر، 4 ملی میٹر قطر کی دھات کا تار بنایا گیا تو اس تار کی لمبائی کتنی ہوگی؟

9. 6 سم نصف قطر کے ایک دائرے کے تراشے کا رقبہ 15π مربع سم ہے۔ اس تراشے کے قوس کی لمبائی اور قوس کی پیمائش معلوم کیجیے۔



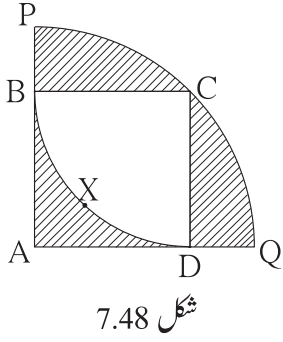
شکل 7.47

10. شکل 7.47 میں، P دائرے کا مرکز ہے۔ AB وتر ہے۔ PA = 8

اور وتر AB دائرے کے مرکز سے 4 سم کے فاصلے پر واقع ہے۔ تو نشان

زدہ علاقے کا رقبہ معلوم کیجیے۔

($\pi = 3.14$, $\sqrt{3} = 1.73$)



11. دائرہ کا تراشہ A – PCQ میں $\square ABCD$ ایک مربع ہے۔

اگر C – BXD تراشے کا نصف قطر 20 سم ہو تو نشان زدہ

علاقے کا رقبہ معلوم کرنے کے لیے درج ذیل عملی کام مکمل کیجیے۔

حل : سم $\square$ = تراشہ C – BXD کا نصف قطر = مربع ABCD کا ضلع

$$\text{مربع کا رقبہ} = \text{ضلع}^2 = \square^2 = \square \quad \dots (I)$$

تراشہ C – BXD کا رقبہ – مربع ABCD کا رقبہ = مربع کا نشان زدہ علاقے کا رقبہ

$$= \square - \frac{\theta}{360} \times \pi r^2$$

$$= \square - \frac{90}{360} \times \frac{3.14}{1} \times \frac{400}{1}$$

$$= \square - 314$$

$$= \square$$

مربع ABCD کے وتر کی لمبائی = بڑے تراشے کا نصف قطر

$$= 20\sqrt{2}$$

مربع ABCD – تراشے A – PCQ کا رقبہ = بڑے تراشے میں مربع کے باہر نشان زدہ علاقے کا رقبہ

$$= A (B - PCQ) - A (\square ABCD)$$

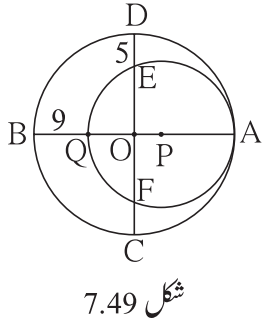
$$= \left(\frac{\theta}{360} \times \pi \times r^2 \right) - \square^2$$

$$= \frac{90}{360} \times 3.14 (20\sqrt{2})^2 - (20)^2$$

$$= \square - \square$$

$$= \square$$

مربع سم 314 = 86 + 228 = کل نشان زدہ علاقے کا رقبہ



12. 'O' اور 'P' مرکز والے دائرے اندرونی طور پر ایک دوسرے کو نقطہ A پر مس کرتے ہیں۔ اگر $BQ = 9$ ، $DE = 5$ ہو تو دائرے کا نصف قطر معلوم کرنے کے لیے درج ذیل عملی کام مکمل کیجیے۔

حل : فرض کیجیے بڑے دائرے کا نصف قطر R اور چھوٹے دائرے کا نصف قطر 'r' ہے۔
لہذا OA، OB، OC، OD اور OD بڑے دائرے کے نصف قطر ہیں۔

$$\therefore OA = OB = OC = OD = R$$

$$PQ = PA = r$$

$$OQ = OB - BQ = \boxed{}$$

$$OE = OD - DE = \boxed{}$$

P مرکز والے دائرے میں دو وتروں کے اندرونی طور پر تقسیم کرنے کی خصوصیت کی بنا پر،

$$OQ \times OA = OE \times OF$$

$$\boxed{} \times R = \boxed{} \times \boxed{} \quad \dots (\because OE = OF)$$

$$R^2 - 9R = R^2 - 10R + 25$$

$$R = \boxed{}$$

$$AQ = 2r = AB - BQ$$

$$2r = 50 - 9 = 41$$

$$r = \boxed{} = \boxed{}$$

